

# 영상처리 기초

---

Computer Vision and Pattern Recognition

Byeongjoon Noh

powernoh@sch.ac.kr



# Contents

---

1. 디지털 영상의 기초
2. 이진 영상
3. 점 연산
4. 영역 연산
5. 기하 연산
6. OpenCV의 계산 효율

# 1. 디지털 영상 기초

---

# 디지털 영상 획득과 표현

- 영상 획득 과정은 매우 복잡
  - 아날로그 영상 → 디지털 영상
- 디지털 (영상) 변환
  - 1) M\*N 영상으로 샘플링(sampling)
  - 2) L 단계로 양자화(quantization)
  - 3) 변환/압축을 통한 부호화(encoding)

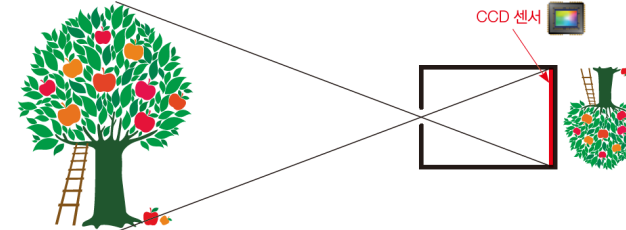
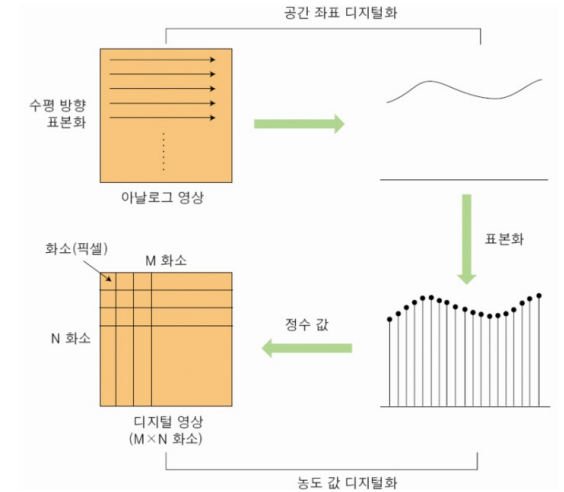
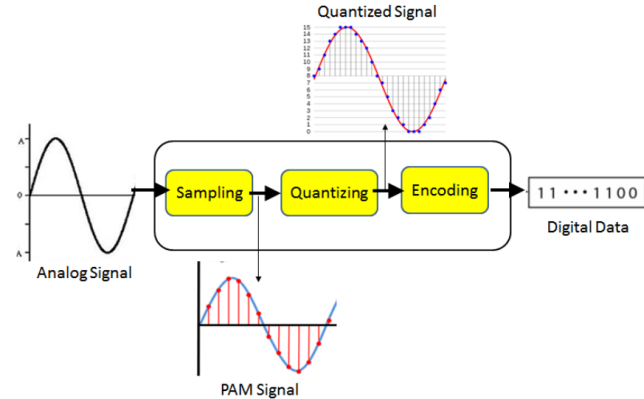


그림 3-2 핀홀 카메라 모델과 CCD 센서

- (참고) 해상도 (resolution) = 화소의 개수
  - 물리적 단위 공간에서 식별 가능한 점의 개수
  - dpi (dot per inch) = 인치 당 점의 수

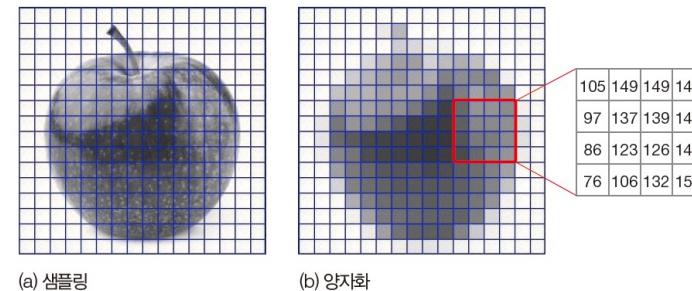
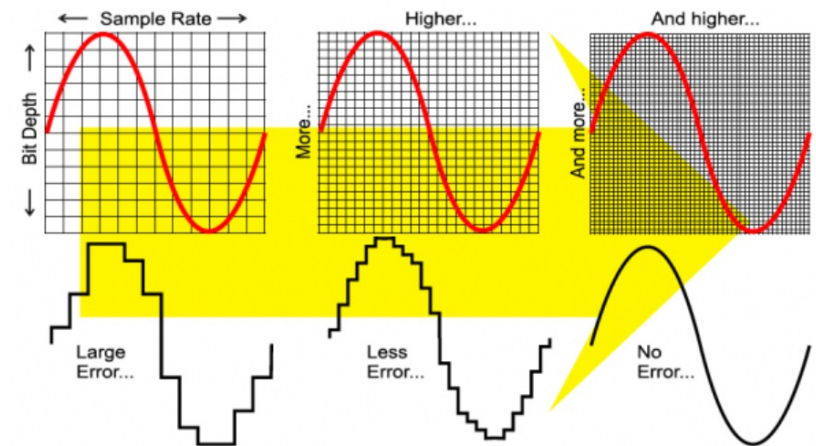


그림 3-3 피사체가 반사하는 빛 신호를 샘플링과 양자화를 통해 디지털 영상으로 변환

# 디지털 영상 변환

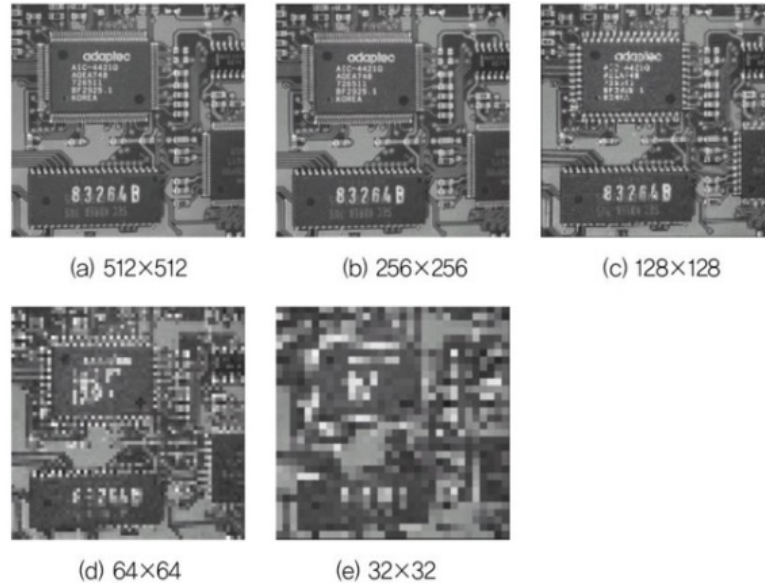
- 샘플링

- 아날로그 신호를 일정 간격으로 표본화 하여 PAM (Pulse Amplitude Modulation) 신호를 획득함. (데이터의 크기 결정)
- Sampling rate  $\uparrow$   $\rightarrow$  Data size  $\uparrow$
- 일반적인 sampling rate = 44.1 KHz
- Nyquist Theorem: 아날로그 신호의 최고 주파수 2배 크기로 sampling 진행  $\rightarrow$  디지털 신호를 원래의 아날로그 신호의 손실 없이 복원 할 수 있음



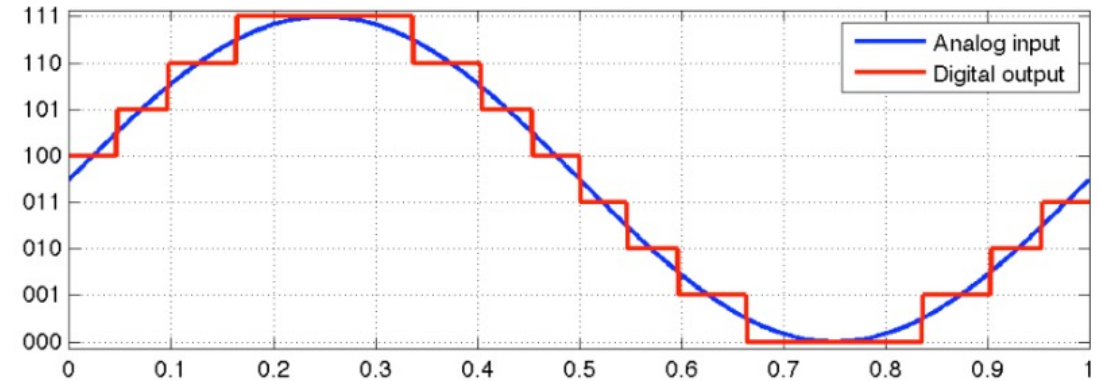
# 디지털 영상 변환

- 디지털 영상에서의 샘플링
  - 아날로그 영상에서 공간적, 시간적으로 연속되는 밝기 강도 (Intensity)에 따라 이산적인 점 (Pixel) 을 추출하는 과정
  - Sampling rate  $\uparrow$   $\rightarrow$  High resolution (Huge size...)



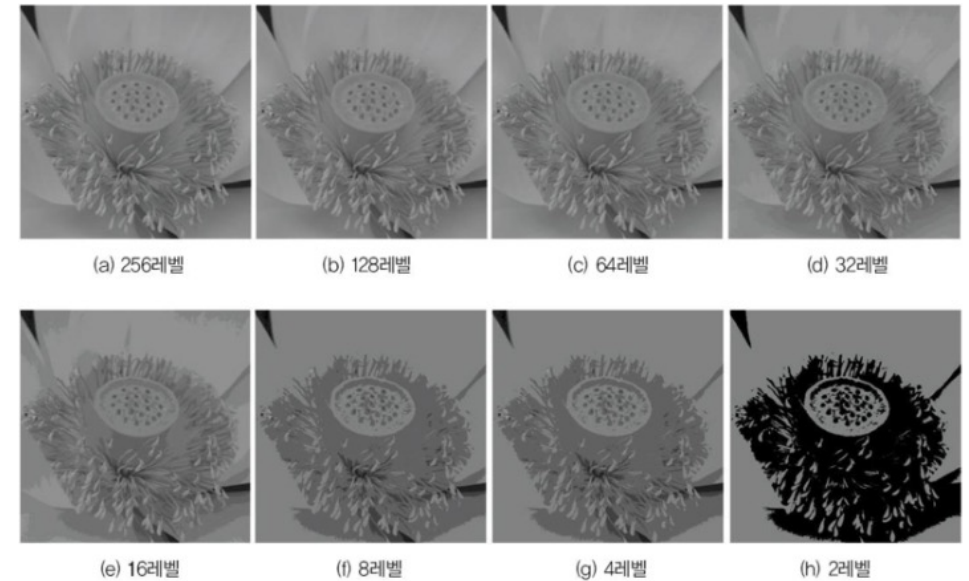
# 디지털 영상 변환

- 양자화
  - Sampling된 값도 결국 아날로그의 형태  
→ 디지털 신호로 완전한 변환이 필요함
  - 각 아날로그 값들을 맵핑 (Mapping)하여 변환
    - Quantization noise 발생



# 디지털 영상 변환

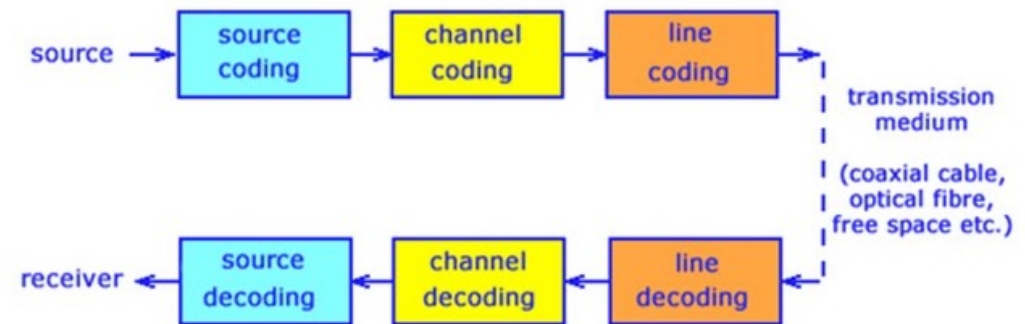
- 디지털 영상에서의 양자화
  - Sampling된 영상의 각 화소의 밝기나 색을 정해진 몇 단계의 값으로 근사화
  - → 각 화소의 밝기나 색이 숫자로 표현
  - → 각 화소에 양자화된 표본 값을 획득
- Gray level 해상도(진폭)를 결정
  - Quantization  $\uparrow$  → 표현할 수 있는 색상  $\uparrow$





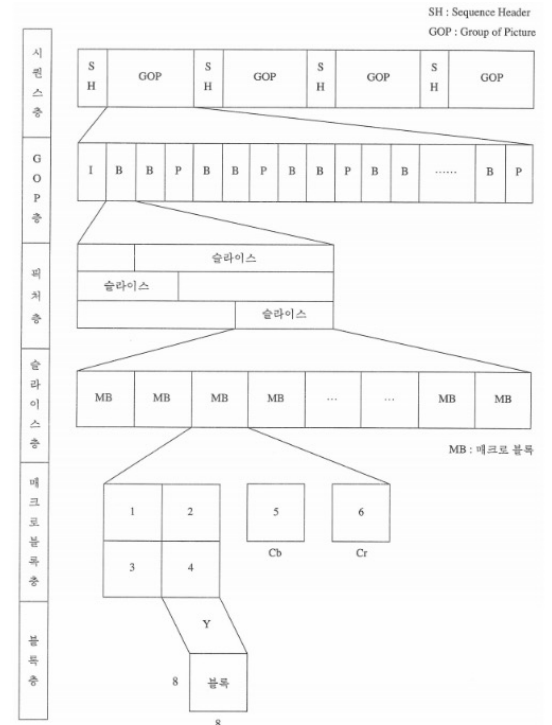
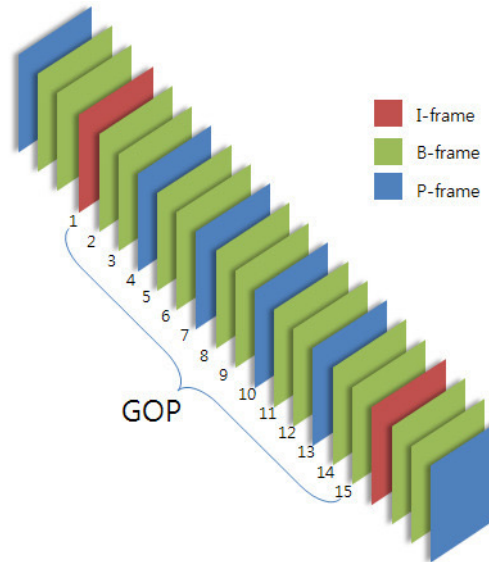
# 디지털 영상 변환

- 부호화
  - 양자화된 값을 이진 데이터로 변환하는 과정
    - 단위 시간당 가능한 많은 데이터를 처리할 수 있는 방법을 찾고자 고안됨
  - 신호처리: 소스 부호화, 채널 부호화, 라인 부호화 등
  - 복호화 (Decoding) 함께 수행됨



# 디지털 영상 변환

- 디지털 영상에서의 부호화
  - 양자화된 화소의 밝기나 색 데이터를 2진수로 표현하는 과정
  - 압축 부호화를 수행함
    - MPEG, JPEG, ...



# 영상 좌표계

- 디지털 영상의 좌표계
  - 왼쪽 구석이 원점
  - $(y, x)$  표기  $\rightarrow X(j, i), X(y, x), f(j, i)$
  - 함수에 따라  $(x, y)$  표기를 사용하니 주의 필요
    - ex) `cv2.line()`

```
cv.line(img, (10,20), (100,20), ...)
```

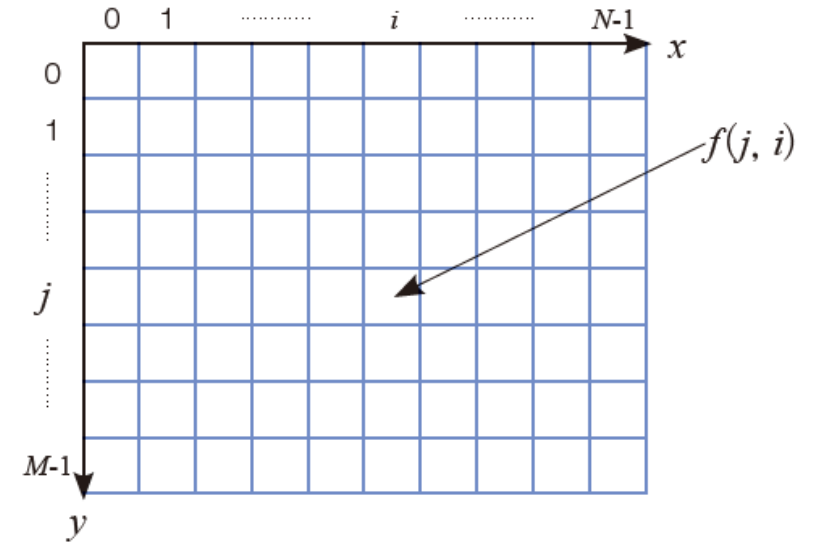
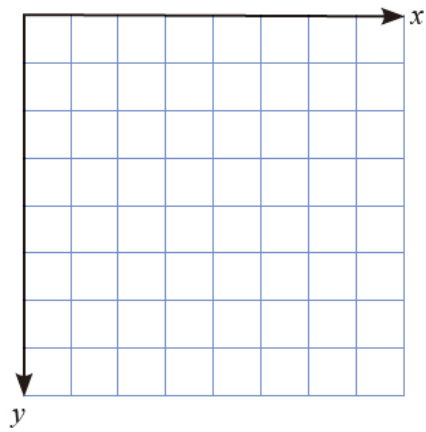


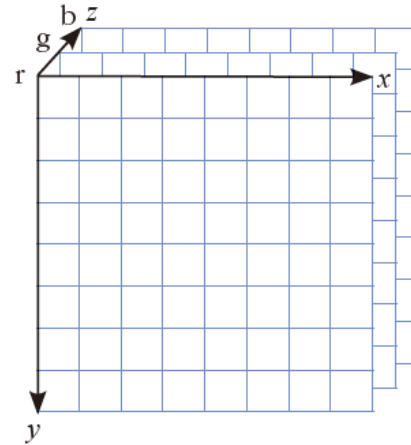
그림 3-4 디지털 영상의 좌표계

- OpenCV 는 `numpy.ndarray`로 영상 표현
  - `numpy.ndarray`가 지원하는 다양한 함수를 사용할 수 있다는 큰 장점
  - ex) `min`, `max`, `argmin`, `argmax`, `mean`, `sort`, `reshape`, `transpose`, etc.

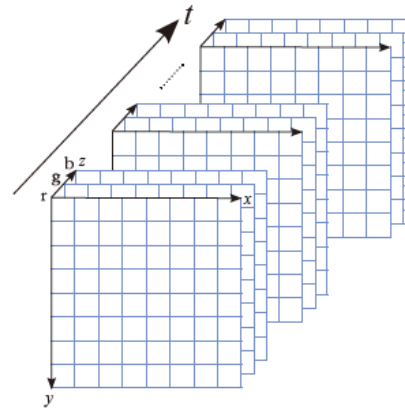
# 다양한 종류의 영상



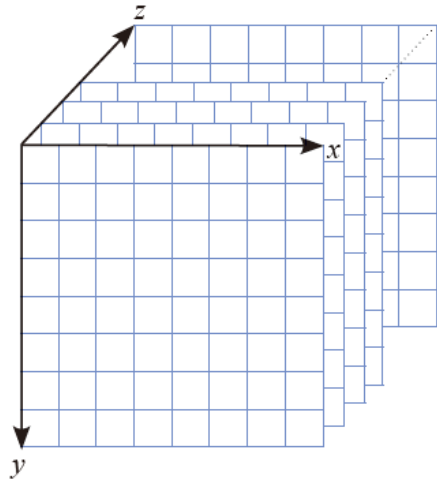
(a) 명암 영상



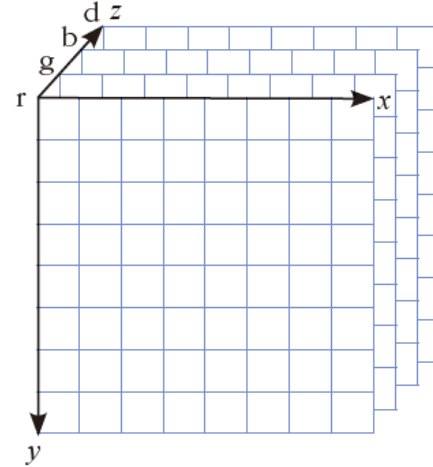
(b) 컬러 영상



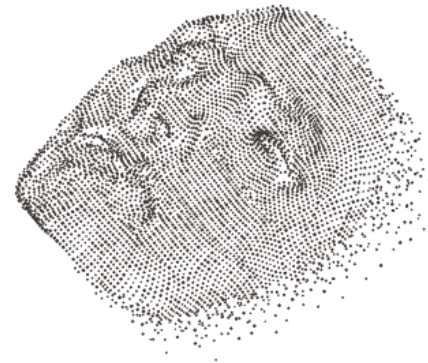
(c) 컬러 동영상



(d) 다분광/초분광/MR/CT 영상



(e) RGB-D 영상



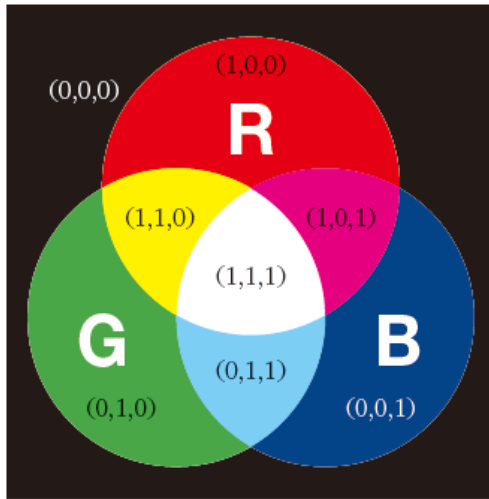
(f) 점 구름 영상

그림 3-5 다양한 형태의 디지털 영상

# 컬러 모델

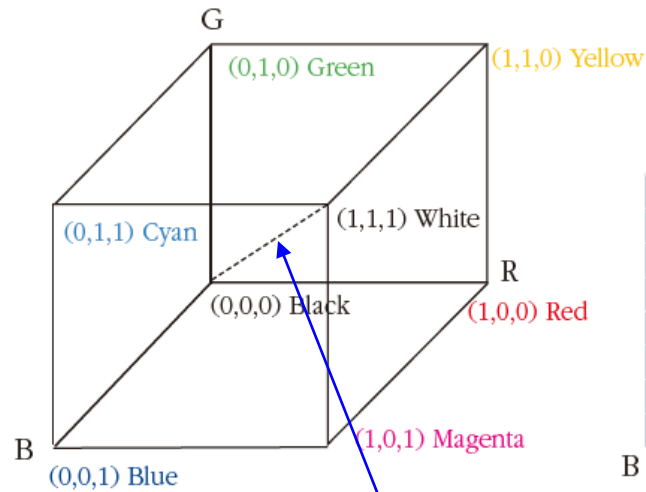
- RGB 컬러 모델

- $f_c(x, y) = f_r(x, y), f_g(x, y), f_b(x, y)$



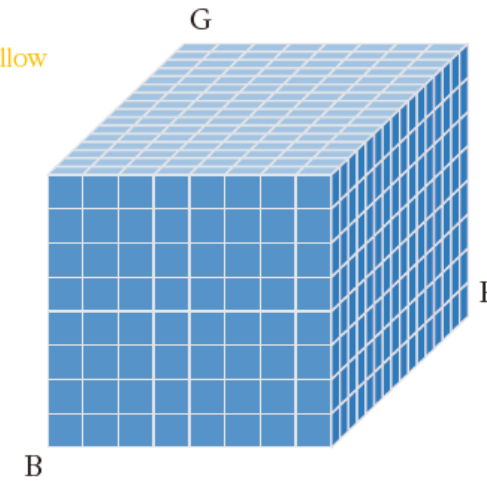
(a) RGB 삼원색의 혼합

그림 3-6 RGB 컬러 공간



(b) RGB 큐브

명암(gray scale)



(c) 양자화된 RGB 큐브

# 컬러 모델

---

- HSV 컬러 모델
  - 빛의 밝기를 고려한 컬러 모델
    - → RGB 보다 빛 변환에 강건

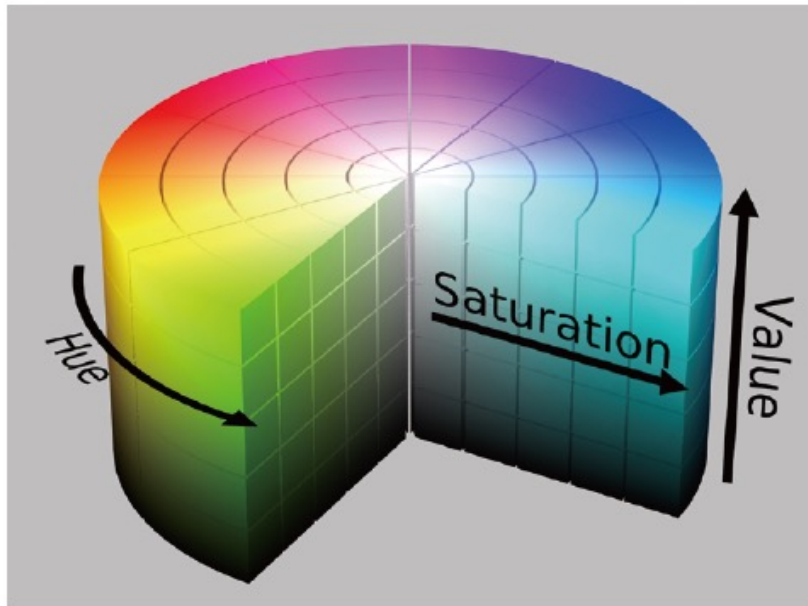


그림 3-7 HSV 컬러 모델

# 컬러 모델

- RGB 채널별 디스플레이
  - numpy의 슬라이싱 기능을 이용하여 RGB 채널별 정보 추출 가능

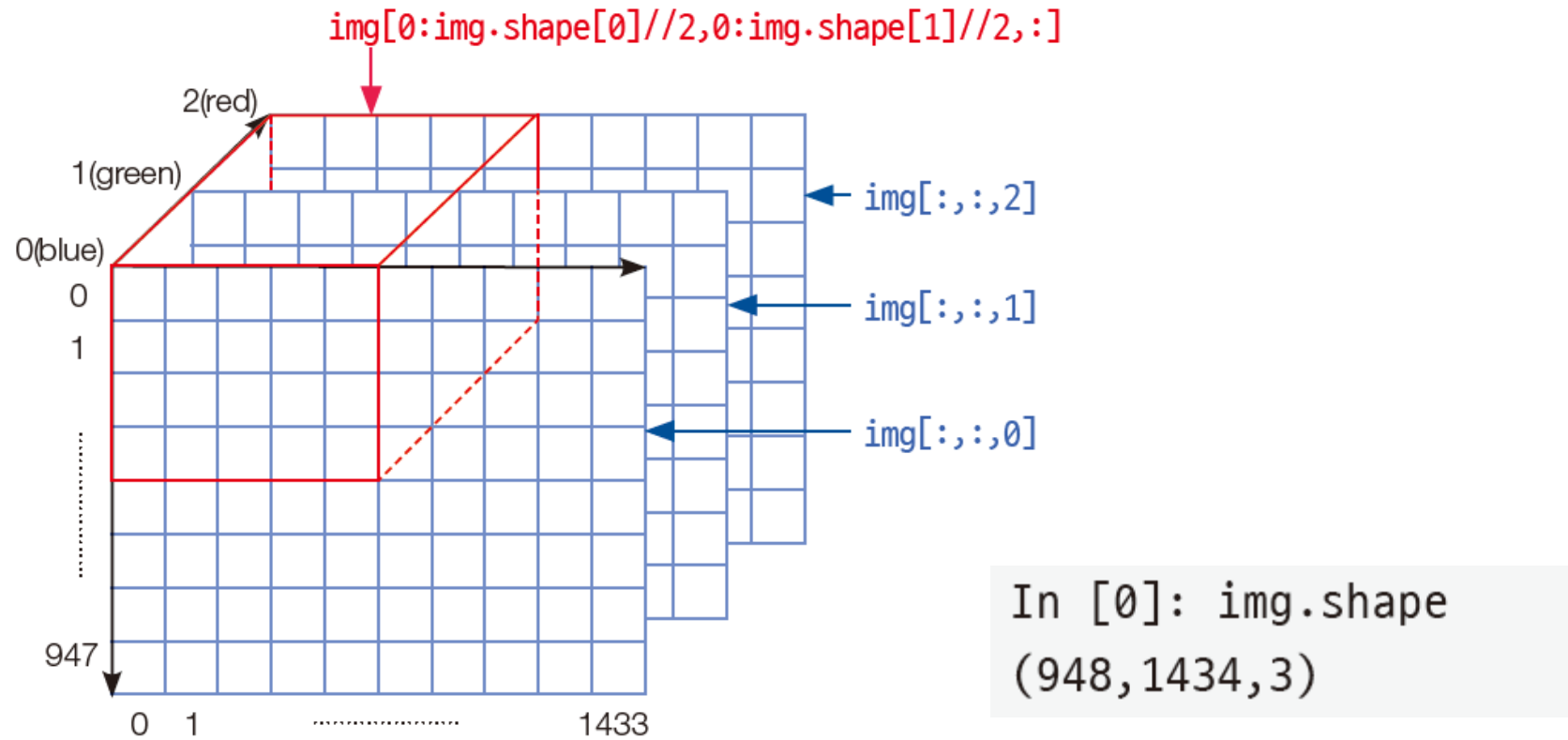


그림 3-8 numpy.ndarray의 슬라이싱을 이용한 영상 일부분 자르기([프로그램 3-1]의 10행)

# 프로그래밍 실습: RGB 채널별 디스플레이

## 프로그램 3-1

## RGB 컬러 영상을 채널별로 구분해 디스플레이하기

```
01 import cv2 as cv
02 import sys
03
04 img=cv.imread('soccer.jpg')
05
06 if img is None:
07     sys.exit('파일을 찾을 수 없습니다.')
08
09 cv.imshow('original_RGB',img)
10 cv.imshow('Upper left half',img[0:img.shape[0]//2,0:img.shape[1]//2,:])
11 cv.imshow('Center half',img[img.shape[0]//4:3*img.shape[0]//4,img.
    shape[1]//4:3*img.shape[1]//4,:])
12
13 cv.imshow('R channel',img[:, :,2])
14 cv.imshow('G channel',img[:, :,1])
15 cv.imshow('B channel',img[:, :,0])
16
17 cv.waitKey()
18 cv.destroyAllWindows()
```



# 프로그래밍 실습: RGB 채널별 디스플레이



R 채널

G 채널

B 채널

빨간 유니폼 영역이 밝음

흰색 양말 영역은 모두 밝음

녹색 잔디 영역이 밝음

파란 양말 영역이 밝음

## 2. 이진 영상

---

# 디지털 영상의 종류

- 컬러 영상
  - 실제로 눈에 보이는 모습과 유사한 밝기와 색상을 가진 영상
  - 빛의 3원색을 이용
  - 각 색을 독립적인 형태로 처리하고 합침
  - 각 색의 상호작용이 큼 → 처리 어려움



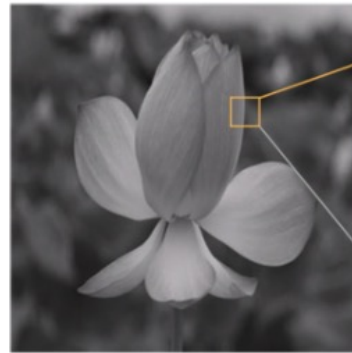
158	158	160	159	163	167	126	59	52	53	52
158	159	159	157	161	166	124	58	52	54	53
159	159	158	157	161	166	122	56	52	54	53
160	160	158	159	164	166	119	55	51	55	55
159	160	158	160	166	164	114	54	53	55	55
157	159	157	160	165	163	109	52	54	55	56
159	161	156	159	164	162	108	50	52	55	56
160	162	156	157	165	163	107	50	53	56	56
160	161	155	157	165	162	103	50	53	56	54
160	161	156	158	164	160	100	49	51	55	54
158	159	156	159	164	160	98	49	51	55	54

103	103	105	106	119	129	111	75	80	80	78
103	105	105	104	117	130	111	75	81	81	80
104	104	103	104	116	130	110	77	81	82	81
105	104	103	107	117	129	107	77	83	83	82
105	105	104	108	120	127	103	76	85	83	82
106	106	102	108	121	123	100	77	83	82	84
107	106	101	108	120	123	100	75	82	83	85
107	108	101	108	121	126	98	75	83	84	87
107	108	102	109	121	126	96	76	82	84	87
105	108	102	108	120	124	94	75	82	84	86
105	108	101	107	120	125	93	77	83	84	86

132	132	132	131	140	148	112	34	28	29	29
133	132	130	129	138	148	110	34	28	31	29
133	133	130	130	138	149	108	34	29	31	30
134	133	132	135	141	148	105	32	28	33	31
133	134	131	136	145	146	99	31	30	33	31
132	132	130	136	142	144	91	31	32	32	33
135	133	130	135	142	143	91	30	30	32	34
136	136	130	137	144	145	89	30	31	33	33
136	136	131	137	144	145	85	28	31	33	32
134	136	131	137	144	143	82	28	31	33	33
132	135	129	135	144	141	79	29	31	34	33

# 디지털 영상의 종류

- Gray-level 영상
  - Binary image보다 조금 더 밝게 표현됨 (bit 수 ↑)
  - 화소의 밝기가 여러 단계 (흑백 사진)
  - 밝기의 단계: 검정색~회색~흰색 (단계 수는 quantization bit 수가 결정)



119	119	121	121	130	139	114	71	74	74	73
119	121	121	119	129	139	114	72	75	75	74
120	120	119	119	128	139	112	72	75	76	75
121	120	119	122	130	138	109	73	76	77	76
120	121	119	122	133	136	105	71	78	77	76
121	121	118	122	133	133	102	72	77	76	77
122	122	117	123	132	133	101	70	75	77	79
123	123	117	122	133	135	99	70	77	78	80
122	123	117	123	133	135	97	70	76	77	79
121	123	118	123	131	133	95	70	75	77	79
120	122	117	122	131	133	94	72	76	78	78

# 디지털 영상의 종류

- 이진 영상

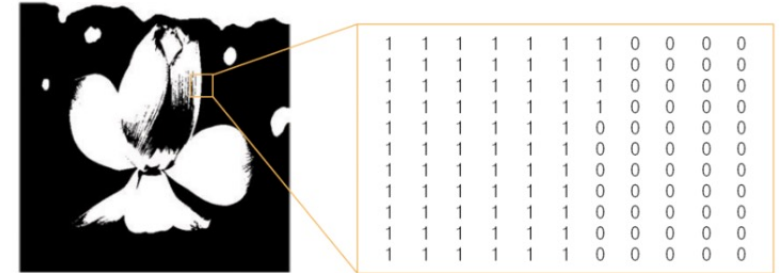
- 화소가 0(흑) 또는 1(백)인 영상

- 흑/백으로만 구성 → 처리 속도 빠름

- Quantization 진행 시 양자화 bit 수를 1비트로 지정

- 편의상 1바이트 사용하는 경우 많음

- 지문, 팩스, 문자 영상, 에지 검출 결과를 표시 등 물체와 배경을 구분하여 표시하는 응용 등에 사용



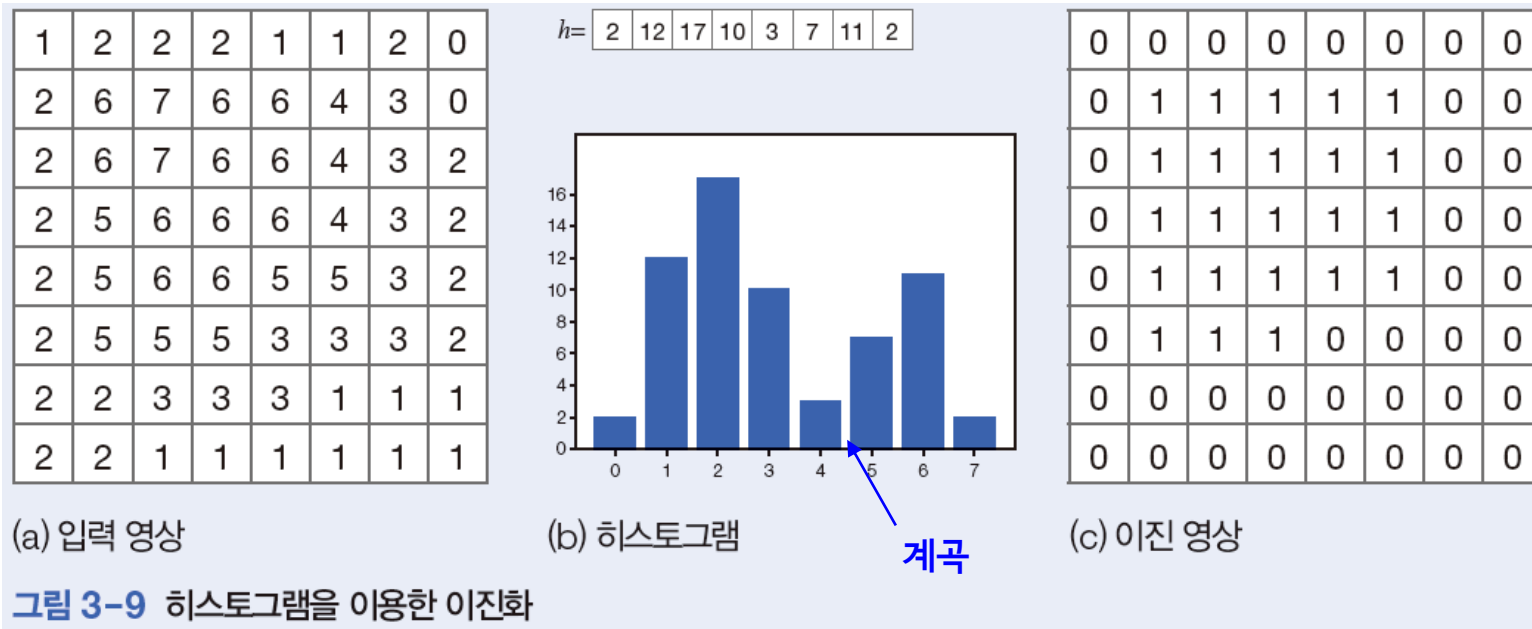
- 이진화 전략

- 임계값  $T$  보다 큰 화소는 1, 그렇지 않은 화소는 0으로 변환 → 임계값 결정이 중요

$$b(j,i) = \begin{cases} 1, & f(j,i) \geq T \\ 0, & f(j,i) < T \end{cases} \quad (3.1)$$

# 이진화 알고리즘

- 히스토그램 기반 이진화 알고리즘



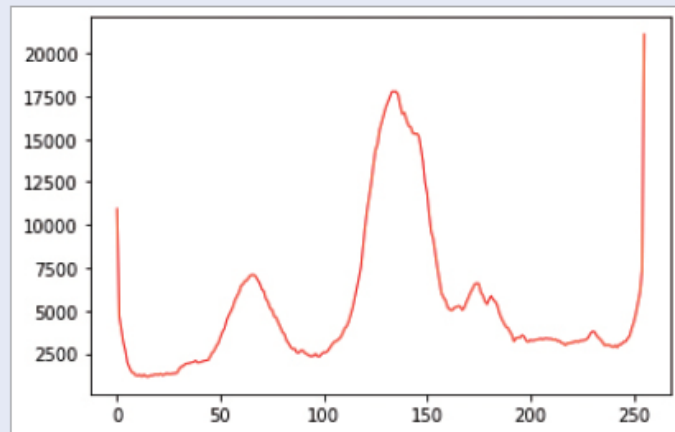
# 이진화 알고리즘

- 히스토그램 기반 이진화 알고리즘
  - 실제 영상에서는 계곡이 아주 많이 나타나서 구현이 쉽지 않음

프로그램 3-2

실제 영상에서 히스토그램 구하기

```
01 import cv2 as cv
02 import matplotlib.pyplot as plt
03
04 img=cv.imread('soccer.jpg')
05 h=cv.calcHist([img],[2],None,[256],[0,256]) # 2번 채널인 R 채널에서 히스토그램 구함
06 plt.plot(h,color='r',linewidth=1)
```



# 이진화 알고리즘

- Otsu 알고리즘

- idea: 이진화 시 흑/백 그룹이 각각 균일할 수록 좋다

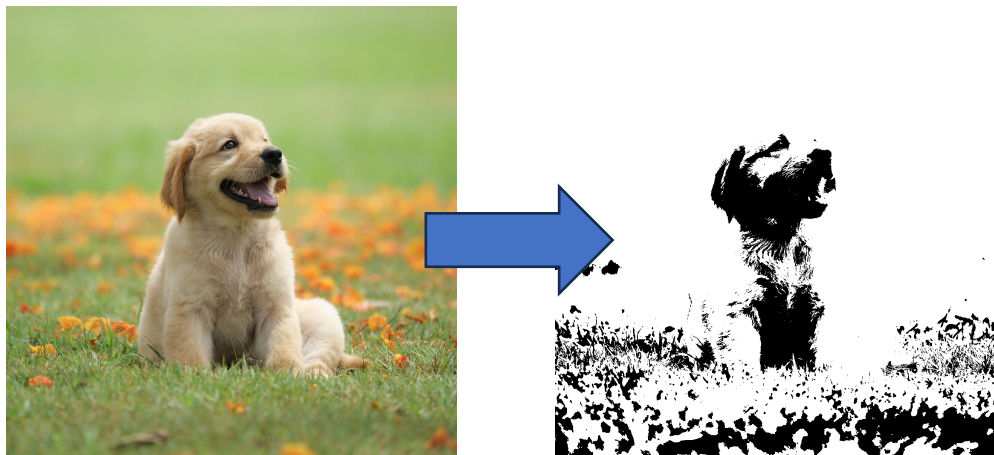
- 균일성  $\rightarrow$  분산으로 측정  $\rightarrow$  즉, 분산이 작을수록 균일성이 높음

- 이미지 내 전체 픽셀 값을 두 그룹으로 분할하여 가장 작은 분산을 갖는 임계값을 찾는 과정

- 이미지 내 어떤 픽셀 값( $T$ )을 기준으로 이진화했을 때 가장 좋을까?

Recall

$$b(j,i) = \begin{cases} 1, & f(j,i) \geq T \\ 0, & f(j,i) < T \end{cases} \quad (3.1)$$





# 이진화 알고리즘

---

- Otsu 알고리즘
  - 이진화를 최적화 문제로 바라봄
  - 최적값  $\hat{t}$ 을 임계값  $T$ 로 활용

$$\hat{t} = \operatorname{argmin}_{t \in \{0,1,2,\dots,L-1\}} J(t) \quad (3.2)$$

- 목적함수  $J(t)$ 는 임계값  $t$ 의 좋은 정도를 측정함 (작을수록 좋음)

$$J(t) = n_0(t)v_0(t) + n_1(t)v_1(t) \quad (3.3)$$

- $v_0(t)$ :  $t$ 로 이진화했을 때 0이 되는 화소들의 분산
- $v_1(t)$ :  $t$ 로 이진화했을 때 1이 되는 화소들의 분산
- $J(t)$ :  $v_0(t)$ 과  $v_1(t)$ 의 가중치 ( $n_0(t), n_1(t)$ )합

# 이진화 알고리즘

- Otsu 알고리즘 예제 – 최적 임계값  $\hat{t}(= T)$ 를 찾는 과정

화소 값	0	1	2	3	4	5	6	7
빈도	1	2	1	3	2	2	2	2

- $t = 2$ 라고 가정해보자
  - 그룹  $C_0, C_1$ 에 속하는 픽셀 값;  $C_0 = \{0, 1, 2\}$ ,  $C_1 = \{3, 4, 5, 6, 7\}$
  - 가중치  $n_0 = 4(= 1 + 2 + 1)$ ,  $n_1 = 11(= 3 + 2 + 2 + 2 + 2)$
  - $v_0(t), v_1(t)$  (분산) 계산
    - $v_i(t) = \frac{1}{n_i(t)} \sum_{x \in C_i} (x - \mu_i(t))^2$
    - $v_0(t) = 0.5, v_1(t) = 2.15$
  - 목적함수  $J(2) = 4 * 0.5 + 11 * 2.15 = 25.65$
- $t = 0, \dots, 7$ 까지 반복하여  $J(t)$ 가 가장 낮은 값을 갖는  $t$ 를 임계값  $\hat{t}(= T)$ 로 설정하여 이진화 수행

# 프로그래밍 실습: 이진화 알고리즘

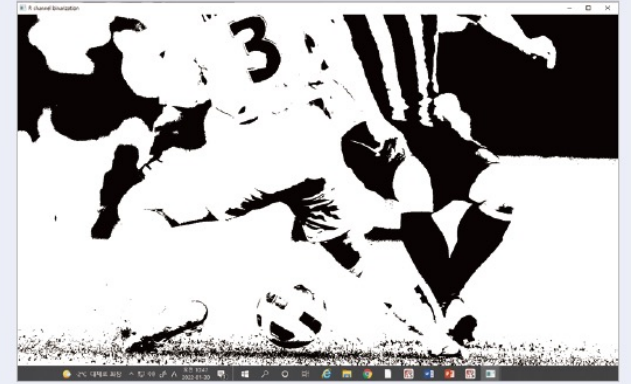
- Otsu 알고리즘 실습

## 프로그램 3-3

## 오츠크 알고리즘으로 이진화하기

```
01 import cv2 as cv
02 import sys
03
04 img=cv.imread('soccer.jpg')
05
06 t,bin_img=cv.threshold(img[:, :,2],0,255,cv.THRESH_BINARY+cv.THRESH_OTSU)
07 print('오츠크 알고리즘이 찾은 최적 임계값=',t) ①
08
09 cv.imshow('R channel',img[:, :,2])           # R 채널 영상
10 cv.imshow('R channel binarization',bin_img) # R 채널 이진화 영상
11
12 cv.waitKey()
13 cv.destroyAllWindows()
```

오츠크 알고리즘이 찾은 최적 임계값= 113.0 ①



# 프로그래밍 실습: 이진화 알고리즘

- OpenCV에서 제공하는 다양한 이진화 알고리즘

cv2.THRESH_BINARY	임계값 이상 = 최댓값, 임계값 이하 = 0
cv2.THRESH_BINARY_INV	위의 반전, 임계값 이상 = 0, 임계값 이하 = 최댓값
cv2.THRESH_TOZERO	임계값 이상 = 원본값, 임계값 이하 = 0
cv2.THRESH_TOZERO_INV	위의 반전, 임계값 이상 = 0, 임계값 이하 = 원본값
cv2.THRESH_TRUNC	임계값 이상 = 임계값, 임계값 이하 = 원본값
cv2.THRESH_MASK	흑색 이미지로
cv2.THRESH_OTSU	otsu 알고리즘
cv2.THRESH_TRIANGLE	triangle 알고리즘

# 모폴로지

- 연결 요소 (connected component)의 개념
  - 동일한 픽셀 값 (이진 영상에서는 0 또는 1)을 가지고 있으며 서로 연결되어 있는 픽셀 그룹
  - 4-connectivity와 8-connectivity 방식

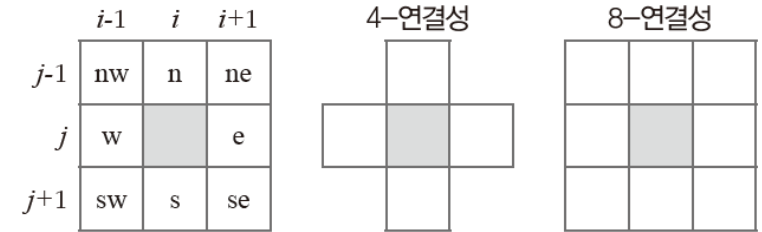


그림 3-10 화소의 연결성

- 연결 요소

**[예시 3-2] 연결 요소**

[그림 3-11]에서 (a)는 입력 이진 영상이고, (b)와 (c)는 각각 4-연결성과 8-연결성으로 찾은 연결 요소다. 연결 요소는 고유한 정수 번호로 구분한다.

0	0	0	0	0	0	0	0
0	1	1	1	0	0	0	0
0	1	1	0	1	1	0	0
0	1	1	0	1	1	0	0
0	0	0	0	1	1	0	0
0	0	0	0	0	0	0	0
0	0	1	1	1	0	1	0
0	0	0	1	1	0	1	0

0	0	0	0	0	0	0	0
0	1	1	1	0	0	0	0
0	1	1	0	2	2	0	0
0	1	1	0	2	2	0	0
0	0	0	0	2	2	0	0
0	0	0	0	0	0	0	0
0	0	3	3	3	0	4	0
0	0	0	3	3	0	4	0

0	0	0	0	0	0	0	0
0	1	1	1	0	0	0	0
0	1	1	0	1	1	0	0
0	1	1	0	1	1	0	0
0	0	0	0	1	1	0	0
0	0	0	0	0	0	0	0
0	0	2	2	2	0	3	0
0	0	0	2	2	0	3	0

(a) 입력 이진 영상

(b) 4-연결성으로 찾은 연결 요소

(c) 8-연결성으로 찾은 연결 요소

그림 3-11 연결 요소 찾기

# 모폴로지

- 모폴로지 (morphology)
  - 구조 요소 (structuring element)를 이용하여 영역의 모양을 조작

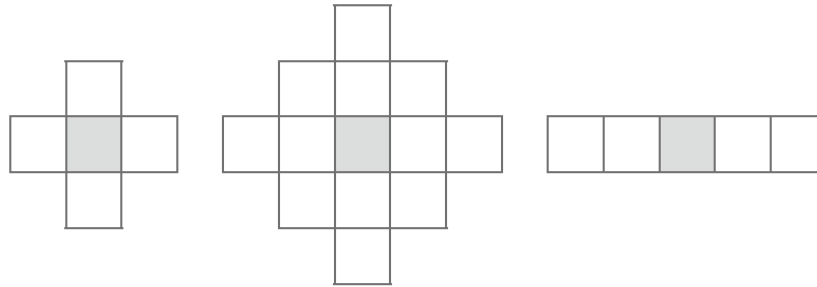
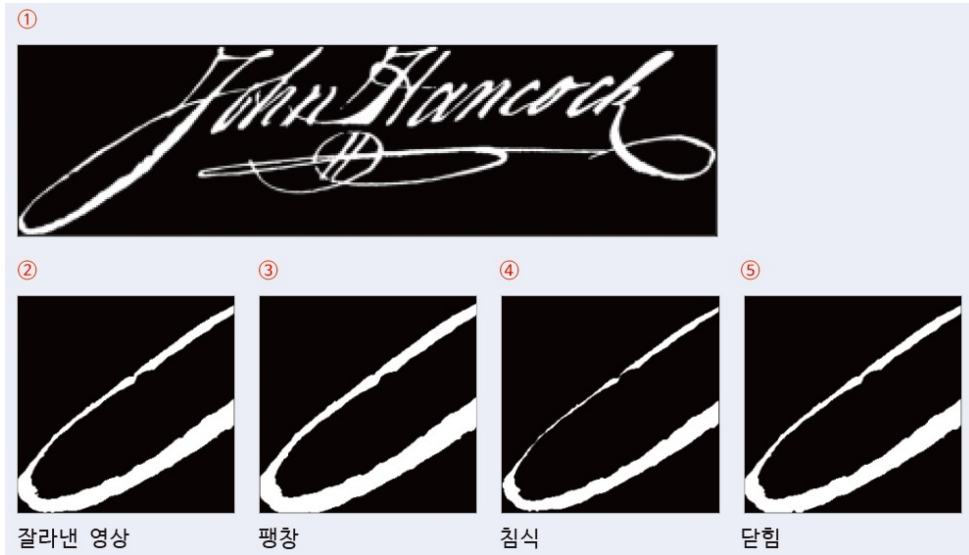


그림 3-12 모폴로지가 사용하는 구조 요소

- 모폴로지 연산
  - 팽창(dilation): 작은 홈을 메우거나 끊어진 영역을 연결하는 효과 → 영역을 키움
  - 침식(erosion): 경계에 솟은 돌출 부분을 깎은 효과 → 영역이 작아짐
  - 열림(opening): 침식한 결과에 팽창 적용 → 원래 영역 크기 유지
  - 닫힘(closing): 팽창한 결과에 침식을 적용 → 원래 영역 크기 유지

# 모폴로지

- 모폴로지 연산 – 팽창과 침식 연산 (예시)
  - 팽창: 구조 요소를 기준으로 양 옆을 1로 변환
  - 침식: 구조 요소를 기준으로 자기자신을 0으로 변환



0	0	0	0	0	0	0	0
0	0	0	1	0	0	0	0
0	1	1	1	1	1	0	0
0	1	1	0	1	1	1	0



(a) 입력 영상과 구조 요소

0	0	0	0	0	0	0	0
0	0	0	1	0	0	0	0
0	1	1	1	1	1	0	0
0	1	1	0	1	1	1	0

0	0	0	0	0	0	0	0
0	0	1	1	1	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	0
1	1	1	1	1	1	1	1

(b) 팽창

0	0	0	0	0	0	0	0
0	0	0	1	0	0	0	0
0	1	1	1	1	1	0	0
0	1	1	0	1	1	1	0

0	0	0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0	0	0
0	0	1	1	1	0	0	0
0	0	0	0	0	1	0	0

(c) 침식

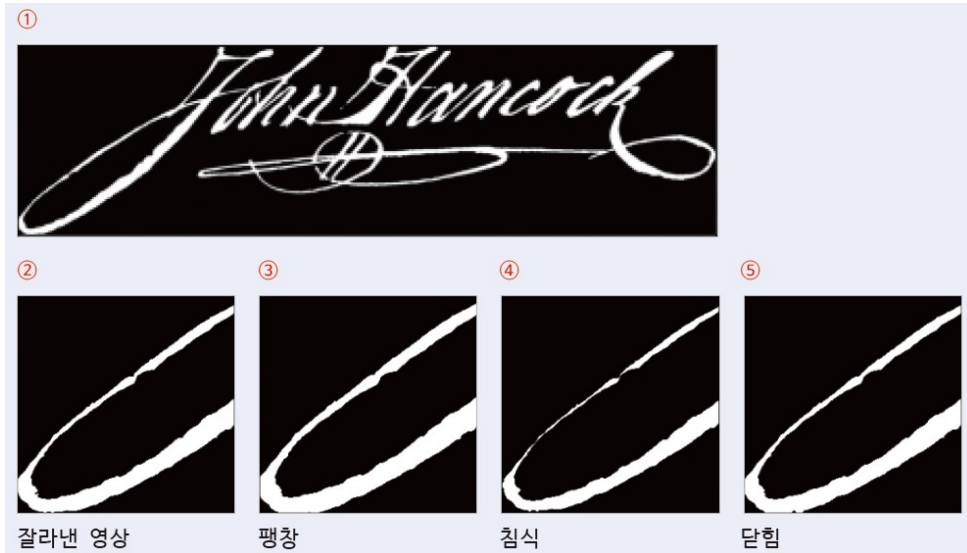
그림 3-13 팽창과 침식

# 프로그래밍 실습: 모폴로지 연산

## 프로그램 3-4

## 모폴로지 연산 적용하기

```
01 import cv2 as cv
02 import numpy as np
03 import matplotlib.pyplot as plt
04
05 img=cv.imread('JohnHancocksSignature.png',cv.IMREAD_UNCHANGED)
06
07 t,bin_img=cv.threshold(img[:, :,3],0,255,cv.THRESH_BINARY+cv.THRESH_OTSU)
08 plt.imshow(bin_img,cmap='gray'), plt.xticks([], plt.yticks([])) ①
09 plt.show()
```



```
10
11 b=bin_img[bin_img.shape[0]//2:bin_img.shape[0],0:bin_img.shape[0]//2+1]
12 plt.imshow(b,cmap='gray'), plt.xticks([], plt.yticks([])) ②
13 plt.show()
14
15 se=np.uint8([[0,0,1,0,0],                                     # 구조 요소
16             [0,1,1,1,0],
17             [1,1,1,1,1],
18             [0,1,1,1,0],
19             [0,0,1,0,0]])
20
21 b_dilation=cv.dilate(b,se,iterations=1)                         # 팽창
22 plt.imshow(b_dilation,cmap='gray'), plt.xticks([], plt.yticks([])) ③
23 plt.show()
24
25 b_erosion=cv.erode(b,se,iterations=1)                           # 침식
26 plt.imshow(b_erosion,cmap='gray'), plt.xticks([], plt.yticks([])) ④
27 plt.show()
28
29 b_closing=cv.erode(cv.dilate(b,se,iterations=1),se,iterations=1) # 닫기
30 plt.imshow(b_closing,cmap='gray'), plt.xticks([], plt.yticks([])) ⑤
31 plt.show()
```



# 3. 점 연산

---

# 영상 처리의 기본 연산 종류

- 화소가 새로운 값을 어디서 받느냐에 따라 세 가지로 구분
- 점 연산 (point operation): 자기 자신으로부터 획득
  - 명암 조절, 히스토그램 평활화 등
- 영역 연산 (area operation): 이웃 화소들로부터 획득
  - convolution 연산 등
- 기하 연산 (geometry operation): 기하학적 변환이 정해주는 곳으로부터 획득
  - 기하변환 등

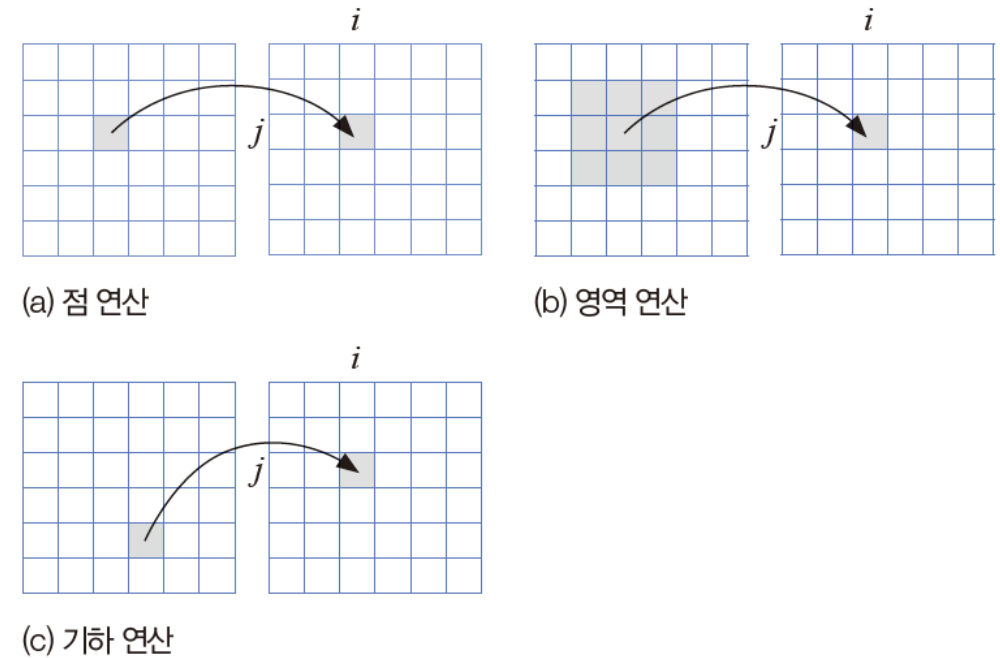


그림 3-14 세 종류의 영상 처리 연산

# 점 연산 (Point operation)

---

- 점 연산의 수식 표현

- $f'(j, i) = t(f_1(j, i), f_2(j, i), \dots, f_k(j, i))$

- 대부분  $k = 1$  (한 장의 영상을 변환)

- 자료에 따라  $f'(j, i)$ 를  $f_{out}(j, i)$ 로 표기하기도 함

- 점 연산의 예

- 명암 조절 (Contrast adjustment): 영상을 밝거나 어둡게 조정

- 히스토그램 평활화 (Histogram equalization): 영상의 대비를 개선하는 작업

- 영상의 대비 = 영상의 밝기 분포

- → 전반적인 영상의 가시성 개선

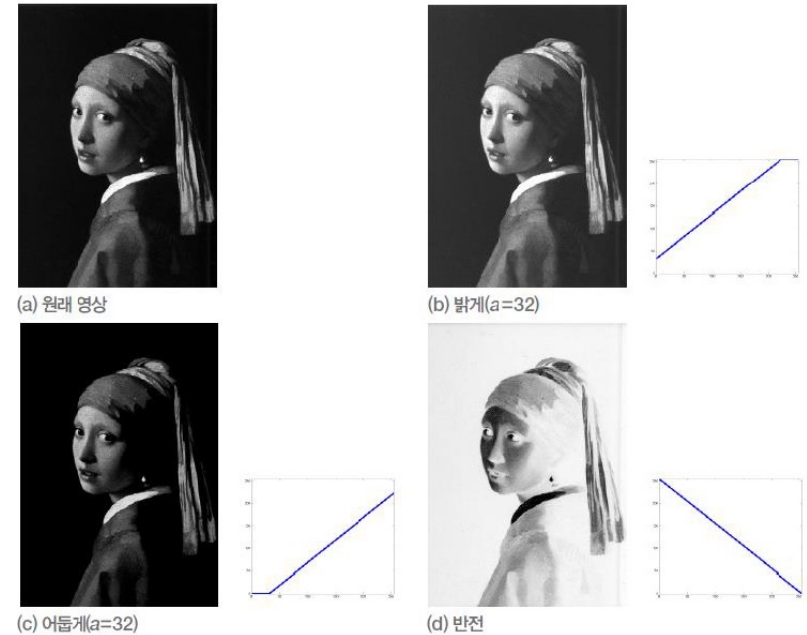
- 디졸브 (Dissolve): 두 장면이나 이미지 사이의 전환을 부드럽게 하는 기법 ( $k = 2$ )

# 명암 조절

- 선형 연산 기반의 명암 조절

- 모든 픽셀 값을 동일한 비율 만큼 증가 또는 감소

$$f'(j,i) = \begin{cases} \min(f(j,i) + a, L-1) & \text{밝게} \\ \max(f(j,i) - a, 0) & \text{어둡게} \\ (L-1) - f(j,i) & \text{반전} \end{cases} \quad (3.4)$$

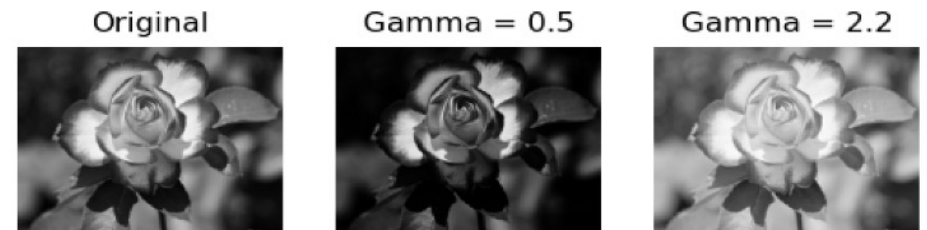
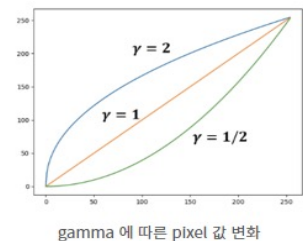


- 비선형 연산을 통한 명암 조절

- 예시) 감마 조정 (감마 수정)

- 모니터나 프린터 색상 조절에 사용

$$f'(j,i) = (L-1) \times f(j,i)^\gamma \quad (3.5)$$



# 프로그래밍 실습: 명암 조절 (감마 보정)

프로그램 3-5

감마 보정 실험하기

```
01 import cv2 as cv
02 import numpy as np
03
04 img=cv.imread('soccer.jpg')
05 img=cv.resize(img,dsize=(0,0),fx=0.25,fy=0.25)
06
07 def gamma(f,gamma=1.0):
08     f1=f/255.0 # L=256이라고 가정
09     return np.uint8(255*(f1**gamma))
10
11 gc=np.hstack((gamma(img,0.5),gamma(img,0.75),gamma(img,1.0),gamma(img,2.0),gamma
12              (img,3.0)))
13 cv.imshow('gamma',gc)
14 cv.waitKey()
15 cv.destroyAllWindows()
```

**numpy.float64 형**

**numpy.uint8 형으로 변환**

**numpy.hstack 함수로 이어붙이기**



# 히스토그램 평활화

- 영상의 대비를 개선하기 위하여 활용
- 히스토그램이 평평하게 되도록 (밝기 분포를 고르게) 영상을 조작해 영상의 대비를 높이는 기법

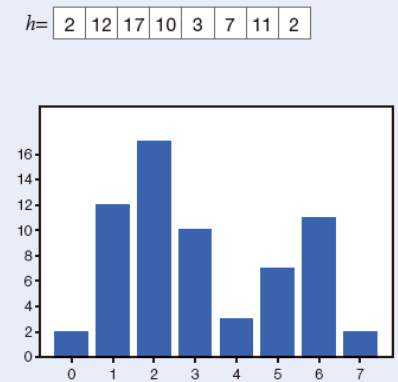
$$l' = \text{round}(\ddot{h}(l) \times (L-1)) \quad (3.6)$$

- $h$ : 해당 픽셀의 비율
- $\ddot{h}$ : 누적 비율

$l$	$h$	$\dot{h}$	$\ddot{h}$	$\ddot{h} \times 7$	$l'$
0	2	0,03125	0,03125	0,21875	0
1	12	0,1875	0,21875	1,53125	2
2	17	0,265625	0,484375	3,390625	3
3	10	0,15625	0,640625	4,484375	4
4	3	0,046875	0,6875	4,8125	5
5	7	0,109375	0,796875	5,578125	6
6	11	0,171875	0,96875	6,78125	7
7	2	0,03125	1,0	7,0	7

1	2	2	2	1	1	2	0
2	6	7	6	6	4	3	0
2	6	7	6	6	4	3	2
2	5	6	6	6	4	3	2
2	5	6	6	5	5	3	2
2	5	5	5	3	3	3	2
2	2	3	3	3	1	1	1
2	2	1	1	1	1	1	1

(a) 입력 영상



(b) 히스토그램

2	3	3	3	2	2	3	0
3	7	7	7	7	5	4	0
3	7	7	7	7	5	4	3
3	6	7	7	7	5	4	3
3	6	7	7	6	6	4	3
3	6	6	6	4	4	4	3
3	3	4	4	4	2	2	2
3	3	2	2	2	2	2	2

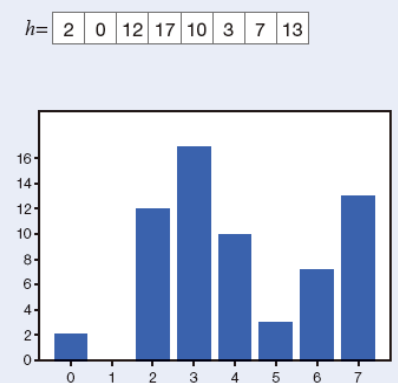


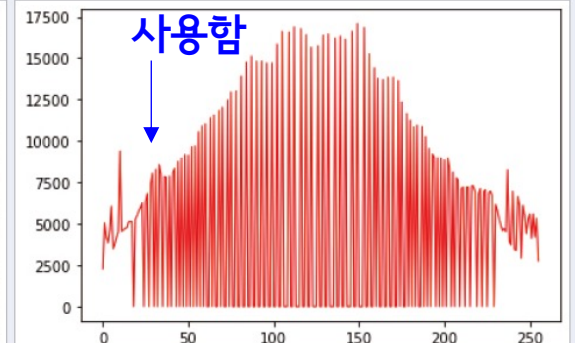
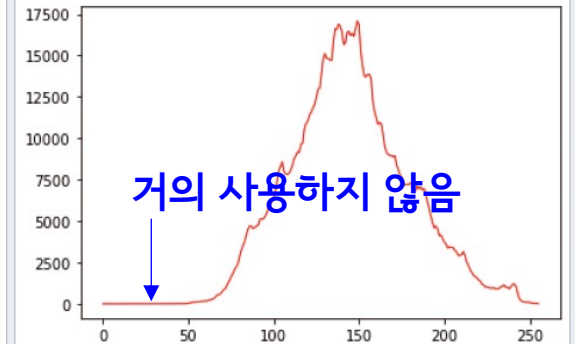
그림 3-15 히스토그램 평활화된 영상

# 프로그래밍 실습: 히스토그램 평활화

프로그램 3-6

히스토그램 평활화하기

```
01 import cv2 as cv
02 import matplotlib.pyplot as plt
03
04 img=cv.imread('mistyroad.jpg')
05
06 gray=cv.cvtColor(img,cv.COLOR_BGR2GRAY)      # 명암 영상으로 변환하고 출력
07 plt.imshow(gray,cmap='gray'), plt.xticks([], plt.yticks([], plt.show()
08
09 h=cv.calcHist([gray],[0],None,[256],[0,256])  # 히스토그램을 구해 출력
10 plt.plot(h,color='r',linewidth=1), plt.show()
11
12 equal=cv.equalizeHist(gray)                  # 히스토그램을 평활화하고 출력
13 plt.imshow(equal,cmap='gray'), plt.xticks([], plt.yticks([], plt.show()
14
15 h=cv.calcHist([equal],[0],None,[256],[0,256]) # 히스토그램을 구해 출력
16 plt.plot(h,color='r',linewidth=1), plt.show()
```



# 디졸브

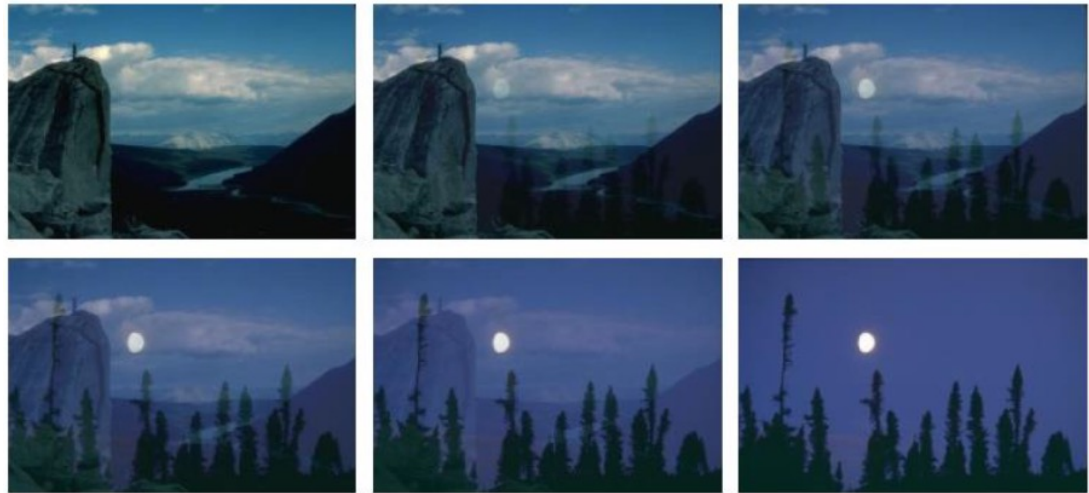
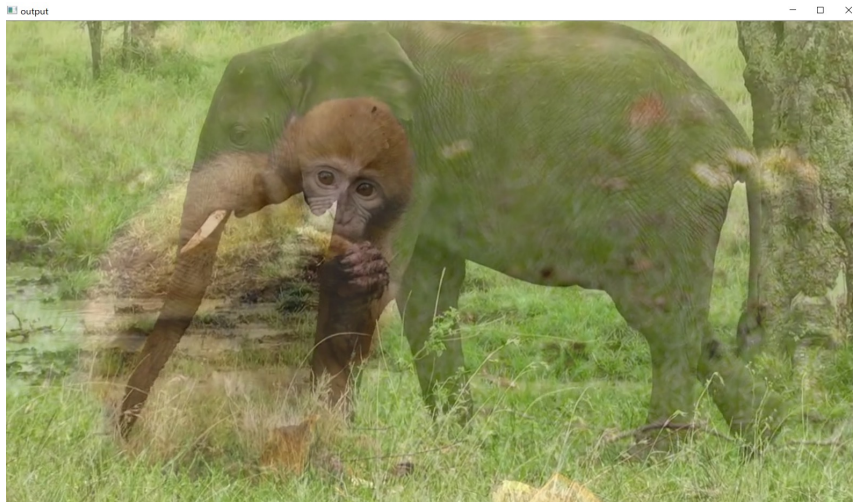
- 영상에서 앞 영상의 끝~그 다음 영상의 시작 간의 fade in/out 효과

- $f'(j, i) = \alpha * f_1(j, i) + (1 - \alpha) * f_2(j, i)$

- $f_1$ : 직전 영상

- $f_2$ : 직후 영상

- OpenCV에서 별도의 함수는 없으며 cv2.addWeighted() 함수를 사용하여 두 이미지의 가중치를 조절하여 동일한 효과를 발생





# 프로그래밍 실습: 디졸브

---

- 디졸브 연산 시 두 이미지가 반드시 같은 크기로 설정되어야 함

```
import cv2
import numpy as np

def resize_image_to_match(image1, image2):
    height, width = image1.shape[:2]
    resized_image2 = cv2.resize(image2, (width, height))
    return resized_image2

def dissolve_effect(image1, image2, steps=30):
    image2 = resize_image_to_match(image1, image2)
    for alpha in np.linspace(0, 1, steps):
        beta = 1.0 - alpha
        dst = cv2.addWeighted(image1, alpha, image2, beta, 0)
        cv2.imshow('Dissolve Transition', dst)
        cv2.waitKey(100)
        cv2.destroyAllWindows()

...

image1 = cv2.imread('path_to_your_first_image.jpg')
image2 = cv2.imread('path_to_your_second_image.jpg')
dissolve_effect(image1, image2, steps=30)
```

## 4. 영역 연산

---

# 영역 연산 (Area operation)

---

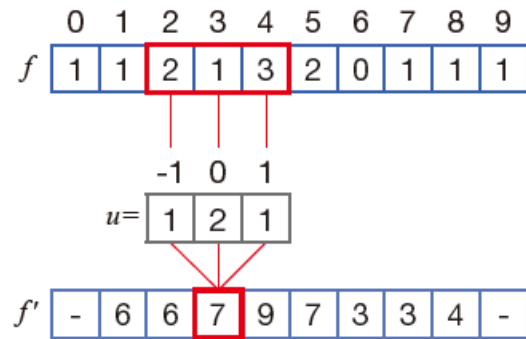
- 영역 연산은 이웃 화소를 고려해서 새로운 값을 결정함
- 주로 **convolution** 연산을 통해 이루어짐
  
- 영역 연산의 예
  - 블러링(blurring) 또는 스무딩(smoothing)
    - 영상에서 노이즈를 줄이거나 부드럽게 만들기 위해 사용됨
  - 샤프닝(sharpening)
    - 영상의 대비를 높여 세부 사항을 더욱 뚜렷하게 만드는 기법
  - 엣지 검출(Edge detection)
    - 영상 내에서 객체의 경계를 찾는 과정

# Convolution

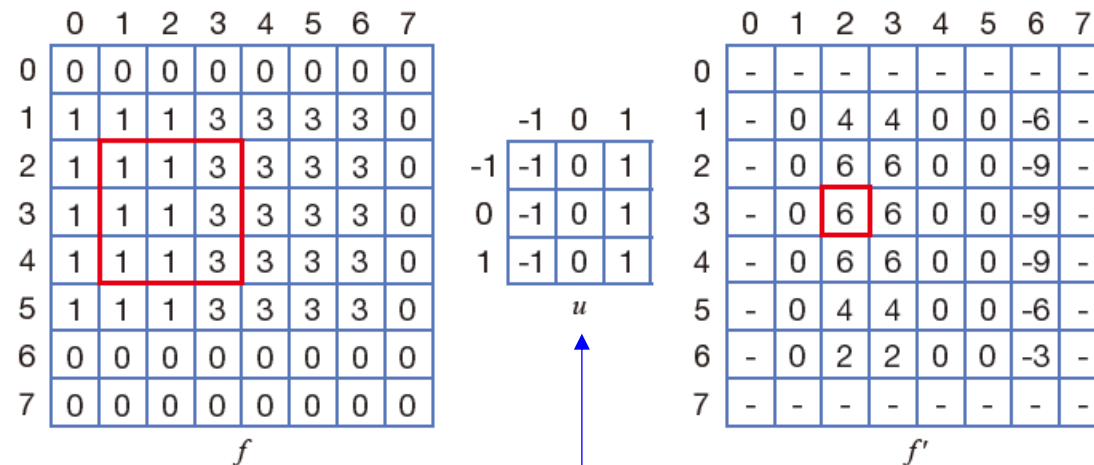
- 각 화소에 필터  $u$ 를 적용해 곱의 합(Sum of product)을 구하는 연산
  - 필터  $u$ 를 커널(kernel) 또는 마스크(mask)라고도 함
  - $u$ 의 값에 따라서 다양한 결과를 도출 할 수 있음

$$f'(x) = \sum_{i=-(w-1)/2}^{(w-1)/2} u(i) f(x+i) \quad (3.7)$$

$$f'(y,x) = \sum_{j=-(h-1)/2}^{(h-1)/2} \sum_{i=-(w-1)/2}^{(w-1)/2} u(j,i) f(y+j, x+i) \quad (3.8)$$



(a) 1차원 영상에 컨볼루션 적용



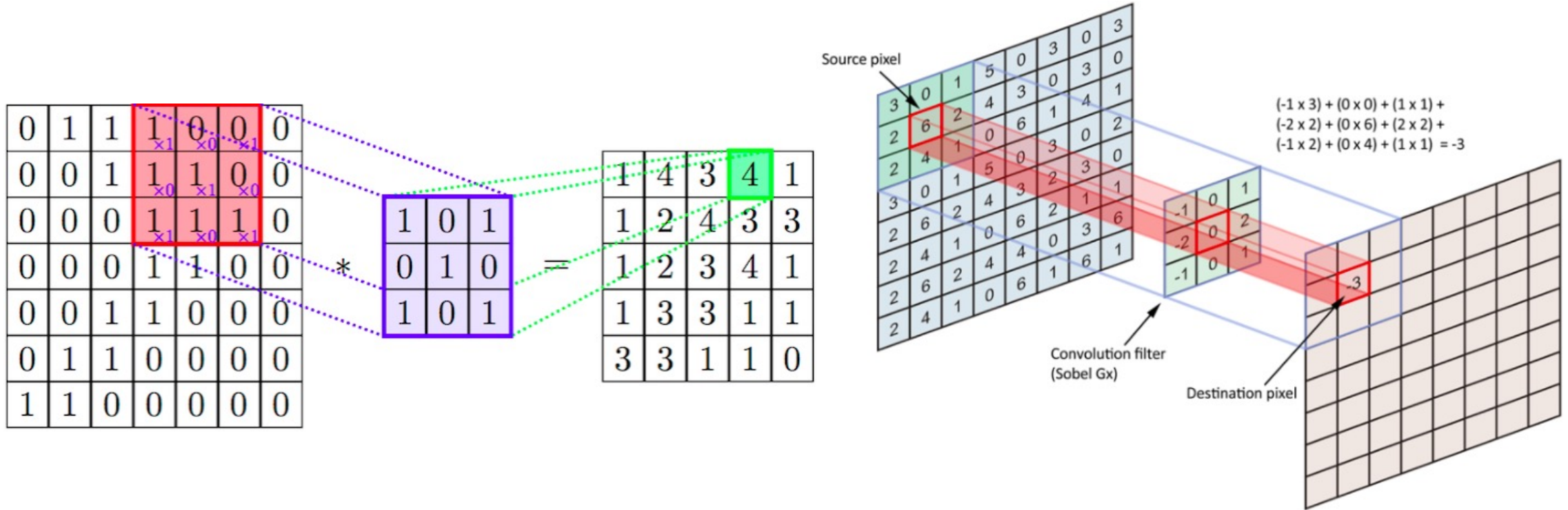
(b) 2차원 영상에 컨볼루션 적용

수직 에지를 검출하는 필터

그림 3-16 컨볼루션의 원리

# Convolution

- convolution 연산 (상세)



# 다양한 필터 (커널)

- 목적에 따라 다양한 필터 사용
  - 이미 연구를 통해 다양한 필터가 발명됨

1/9	1/9	1/9	0.0030	0.0133	0.0219	0.0133	0.0030
1/9	1/9	1/9	0.0133	0.0596	0.0983	0.0596	0.0133
1/9	1/9	1/9	0.0219	0.0983	0.1621	0.0983	0.0219
			0.0133	0.0596	0.0983	0.0596	0.0133
			0.0030	0.0133	0.0219	0.0133	0.0030

0	-1	0	-1	-1	-1
-1	4	-1	-1	8	-1
0	-1	0	-1	-1	-1


-1	0	0	-1	-1	0
0	0	0	-1	0	1
0	0	1	0	1	1

(a) 스무딩 필터

(b) 샤프닝 필터

(c) 엠보싱 필터

그림 3-17 잡음 제거와 대비 향상을 위한 필터



(a) 원래 영상과 여러 가지 마스크들

가우시안				
.0000	.0000	.0002	.0000	.0000
.0000	.0113	.0837	.0113	.0000
.0002	.0837	.6187	.0837	.0002
.0000	.0113	.0837	.0113	.0000
.0000	.0000	.0002	.0000	.0000


박스		
1/9	1/9	1/9
1/9	1/9	1/9
1/9	1/9	1/9

샤프닝		
0	-1	0
-1	5	-1
0	-1	0


수평 에지		
1	1	1
0	0	0
-1	-1	-1

수직 에지		
1	0	-1
1	0	-1
1	0	-1


모션				
.0304	.0501	0	0	0
.0501	.1771	.0519	0	0
0	.0519	.1771	.0519	0
0	0	.0519	.1771	.0501
0	0	0	.0501	.0304




> 박스




> 가우시안




> 샤프닝



> 수평 에지



> 수직 에지



> 모션

(b) 다양한 마스크로 컨볼루션한 영상들

# 다양한 필터 (커널)

- 가우시안(Gaussian) 필터

$$\text{1차원 가우시안: } g(x) = \frac{1}{\sigma\sqrt{2\pi}} e^{-\frac{x^2}{2\sigma^2}} \quad (3.9)$$

$$\text{2차원 가우시안: } g(y, x) = \frac{1}{\sigma^2 2\pi} e^{-\frac{y^2+x^2}{2\sigma^2}}$$

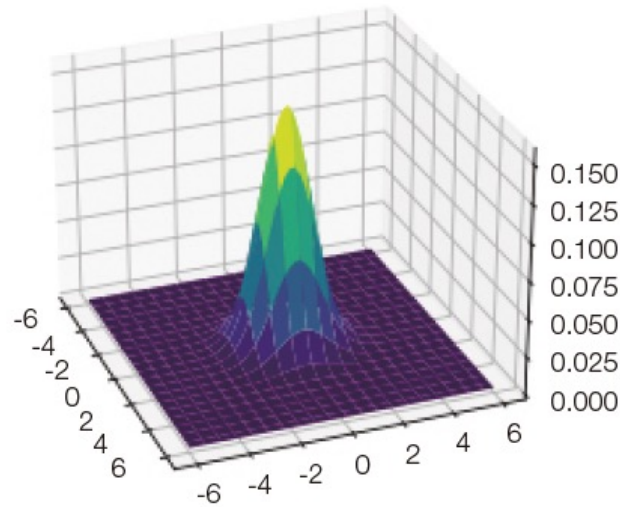
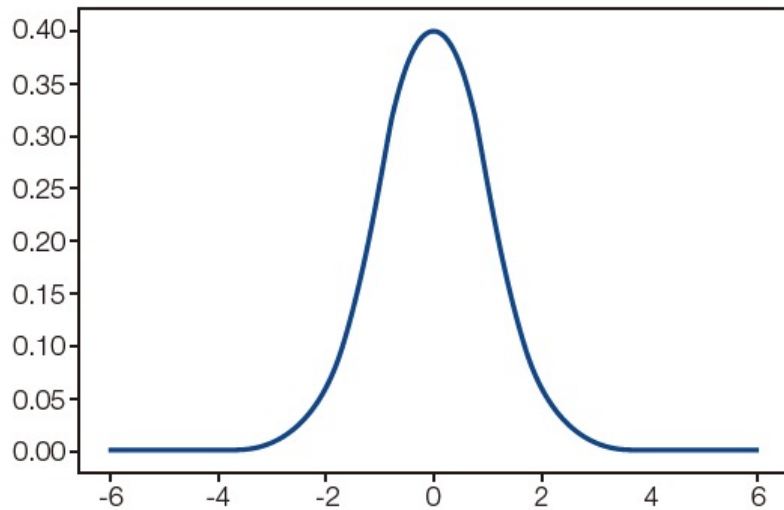


그림 3-18 1차원과 2차원 가우시안 함수

# 프로그래밍 실습: 필터

---

- 임의의 필터(커널) 생성 후 원본 이미지와 convolution 연산 수행

```
path = './data/view.png'

image = cv2.imread(path)

kernel = np.ones((5, 5))/5**2 # 5x5 평균 filter kernel 생성 생성
...
kernel = np.array([[0.0, 0.04, 0.04, 0.04, 0.04],
[0.04, 0.04, 0.04, 0.04, 0.04],
[0.04, 0.04, 0.04, 0.04, 0.04],
[0.04, 0.04, 0.04, 0.04, 0.04],
[0.04, 0.04, 0.04, 0.04, 0.04]])
...

blurred = cv2.filter2D(image, -1, kernel)

cv2.imshow('origin', image)
cv2.imshow('avrg blur', blurred)

cv2.waitKey()
cv2.destroyAllWindows()
```



# 프로그래밍 실습: 가우시안 필터

---

- 1) 직접 가우시안 커널과 convolution 연산하는 방법
- 2) OpenCV에서 제공하는 가우시안 블러 함수를 호출하는 방법

```
path = './data/view.png'

image = cv2.imread(path)

# 1) 가우시안 커널을 활용하여 필터링하는 방법
g_kernel = cv2.getGaussianKernel(3, 0)
g_blur1 = cv2.filter2D(image, -1, g_kernel*g_kernel.T)

# 2) 가우시안 블러 OpenCV 함수를 호출하여 활용
g_blur2 = cv2.GaussianBlur(image, (3, 3), 0)

cv2.imshow('origin', image)
cv2.imshow('g_blur1', g_blur1)
cv2.imshow('g_blur2', g_blur2)
cv2.waitKey()
cv2.destroyAllWindows()
```

# 데이터 형과 convolution

---

- 연산 결과를 저장하는 변수의 유효 값 범위
  - OpenCV는 주의를 기울여 작성되어 있음
  - 때로 프로그래머가 직접 신경 써야 하는 경우 있음. ex) filter2D 함수
- 데이터 형
  - OpenCV는 영상 화소를 주로 numpy.uint8 형으로 표현 ([0, 255] 범위)

```
In [1]: print(type(img[0,0,0]))  
        numpy.uint8
```

- [0,255] 범위를 벗어나는 경우 문제 발생 (엠보싱 필터 등)

```
In [2]: a=np.array([-3,-2,-1,0,1,254,255,256,257,258],dtype=np.uint8)  
In [3]: print(a)  
        [253 254 255  0  1 254 255  0  1  2]
```

- 즉, 모든 픽셀 값의 범위가 [0, 255] 범위에 있을 수 있도록 조정해줄 필요가 있음

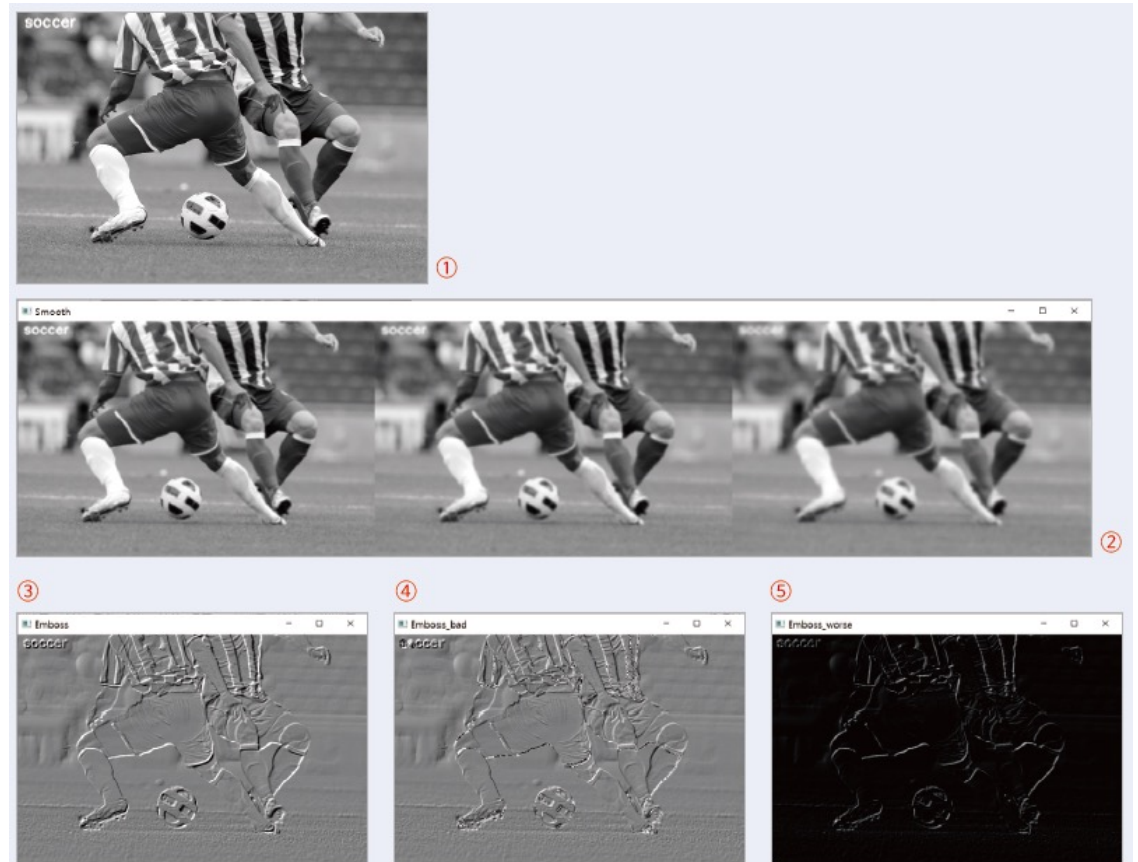
# 프로그래밍 실습: 가우시안 스무딩과 엠보싱

- 엠보싱 필터 적용 후 픽셀 값이 [0, 255] 범위를 벗어나는 것을 보정

프로그램 3-7

컨볼루션 적용(가우시안 스무딩과 엠보싱하기)

```
01 import cv2 as cv
02 import numpy as np
03
04 img=cv.imread('soccer.jpg')
05 img=cv.resize(img,dsize=(0,0),fx=0.4,fy=0.4)
06 gray=cv.cvtColor(img,cv.COLOR_BGR2GRAY)
07 cv.putText(gray,'soccer',(10,20),cv.FONT_HERSHEY_SIMPLEX,0.7,(255,255,255),2)
08 cv.imshow('Original',gray) ①
09
10 smooth=np.hstack((cv.GaussianBlur(gray,(5,5),0.0),cv.
11                    GaussianBlur(gray,(9,9),0.0),cv.GaussianBlur(gray,(15,15),0.0)))
12
13 femboss=np.array([[ -1.0,  0.0,  0.0],
14                  [  0.0,  0.0,  0.0],
15                  [  0.0,  0.0,  1.0]])
16
17 gray16=np.int16(gray)
18 emboss=np.uint8(np.clip(cv.filter2D(gray16,-1,femboss)+128,0,255))
19 emboss_bad=np.uint8(cv.filter2D(gray16,-1,femboss)+128)
20 emboss_worse=cv.filter2D(gray,-1,femboss)
21
22 cv.imshow('Emboss',emboss) ③
23 cv.imshow('Emboss_bad',emboss_bad) ④
24 cv.imshow('Emboss_worse',emboss_worse) ⑤
25
26 cv.waitKey()
27 cv.destroyAllWindows()
```



## 5. 기하 연산

---

# 기하 연산 (Geometry operation)

---

- 기하 연산

- 기하학적 변환이 정해진 위치의 화소에서 값을 가져옴
- 주로 물체의 이동, 크기, 회전에 따른 기하 변환을 수행

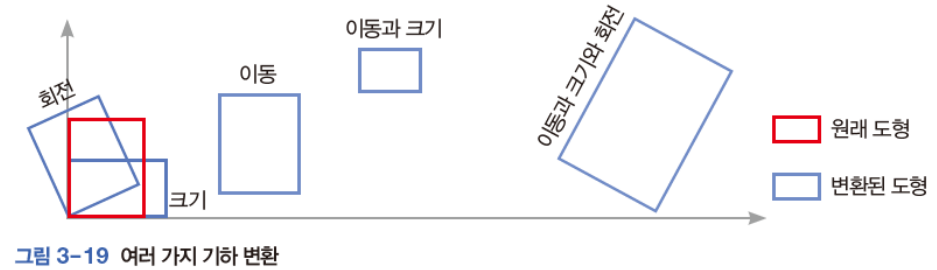
- 기하학적 변환

- 이동(translation), 회전(rotation), 축적(scaling), 반사(reflection),  
원근/투시 변환(perspective transform), 비선형 변환(non-linear transform), 등고선 맵핑(contour warping),  
스플라인 보간(spline interpolation), 케글린 변환(keystone transform) 등

# 동차 좌표와 동차 행렬

- 동차 좌표(homogeneous coordinate)

- 컴퓨터 비전, 컴퓨터 그래픽스, 로봇공학 등에서 널리 사용되는 좌표 시스템
- 기존의 2차원 (또는 3차원) 좌표에 추가적인 차원을 더하여 확장한 것
  - → 기하 변환(translation, scaling, rotation 등)에 용이



- 2차원 좌표를 3차원 벡터로 표현

- $p = (x, y) \rightarrow \bar{p} = (x, y, 1)$       ← 2차원 좌표에 1을 추가해 3차원 벡터로 표현
- ex)  $(-2, 4, 1)$ 과  $(-4, 8, 2)$ 는  $(-2, 4)$ 에 해당하는 같은 좌표

- 3차원 좌표를 4차원 벡터로 표현

- $p = (x, y, z) \rightarrow \bar{p} = (x, y, z, 1)$       ← 3차원 좌표에 1을 추가해 4차원 벡터로 표현

# 동차 좌표와 동차 행렬

- 기하 연산을 동차 행렬(homogeneous matrix,  $\hat{H}$ )로 표현
  - 동차 행렬은 동차 변환 행렬(homogeneous transformation matrix)라고도 함
  - 여러가지 기하 변환
    - 이동(translation)
    - 축적(scaling)
    - 회전(rotation)
    - 반사(reflection)

(참고) 이동, 축적, 회전, 반사는 모두 affine transform의 한 종류임

affine transform: 2차원 (또는 3차원) 공간의 점, 직선, 평면을 보존하는 선형 변환  
변환 전과 변환 후에 평행성이 유지된다는 특징

표 3-1 3가지 기하 변환

기하 변환	동차 행렬	설명
이동	$T(t_x, t_y) = \begin{pmatrix} 1 & 0 & t_x \\ 0 & 1 & t_y \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}$	x 방향으로 $t_x$ , y 방향으로 $t_y$ 만큼 이동
회전	$R(\theta) = \begin{pmatrix} \cos \theta & \sin \theta & 0 \\ -\sin \theta & \cos \theta & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}$	원점을 중심으로 반시계 방향으로 $\theta$ 만큼 회전
크기	$S(s_x, s_y) = \begin{pmatrix} s_x & 0 & 0 \\ 0 & s_y & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}$	x 방향으로 $s_x$ , y 방향으로 $s_y$ 만큼 크기 조정(1보다 크면 확대, 1보다 작으면 축소)

# 기하변환 - 이동

- 이동 (translation)

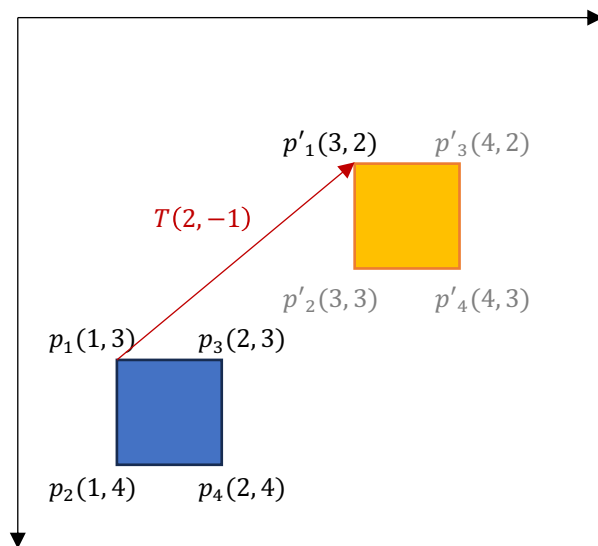
- 이미지 내 한 점  $p(x, y)$ 를 각각  $t_x, t_y$  만큼 이동하는 경우

$$x' = x + t_x$$

$$y' = y + t_y$$

- 행렬 표현 
$$\begin{bmatrix} x' \\ y' \\ 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & 0 & t_x \\ 0 & 1 & t_y \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x \\ y \\ 1 \end{bmatrix}$$

- 이동 예시



$$T(2, -1) = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 2 \\ 0 & 1 & -1 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

$$\vec{p}'_1 = T(2, -1)\vec{p}_1 = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 2 \\ 0 & 1 & -1 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 \\ 3 \\ 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 3 \\ 2 \\ 1 \end{bmatrix}$$



# 기하변환 - 축적

- 축적 (scaling)

- 이미지 내 한 점  $p(x, y)$ 를 각각  $s_x, s_y$  만큼 축소 또는 확대하는 경우

원점 기준 scaling

$$\begin{aligned}x' &= s_x x \\y' &= s_y y\end{aligned}$$



- 행렬 표현 
$$\begin{bmatrix} x' \\ y' \\ 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} s_x & 0 & 0 \\ 0 & s_y & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x \\ y \\ 1 \end{bmatrix}$$

임의의 점 기준 scaling

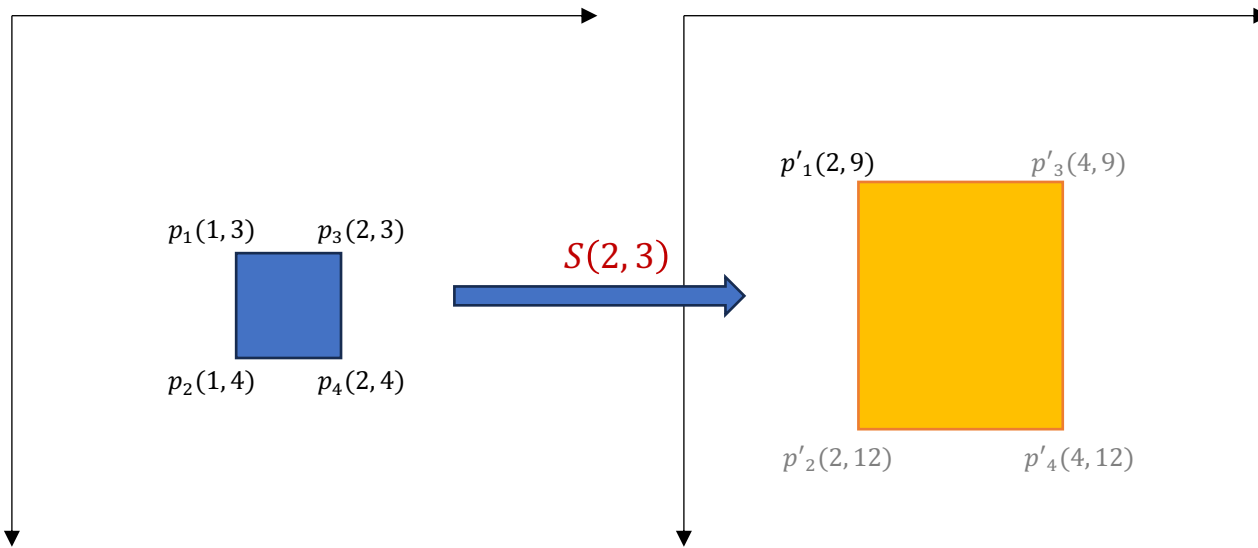
$$\begin{aligned}x' &= s_x(x - p_x) + p_x = s_x x + p_x(1 - s_x) \\y' &= s_y(y - p_y) + p_y = s_y y + p_y(1 - s_y)\end{aligned}$$



$$\begin{bmatrix} x' \\ y' \\ 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} s_x & 0 & p_x(1 - s_x) \\ 0 & s_y & p_y(1 - s_y) \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x \\ y \\ 1 \end{bmatrix}$$

# 기하변환 - 축적

- 축적 예시 - x축으로 2배, y축으로 3배 확대 한 경우



$$S(2, 3) = \begin{bmatrix} 2 & 0 & 0 \\ 0 & 3 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

$$\bar{p}'_1 = S(2, 3)\bar{p}_1 = \begin{bmatrix} 2 & 0 & 0 \\ 0 & 3 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 \\ 3 \\ 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 2 \\ 9 \\ 1 \end{bmatrix}$$

# 기하변환 - 회전

- 회전 (rotation)

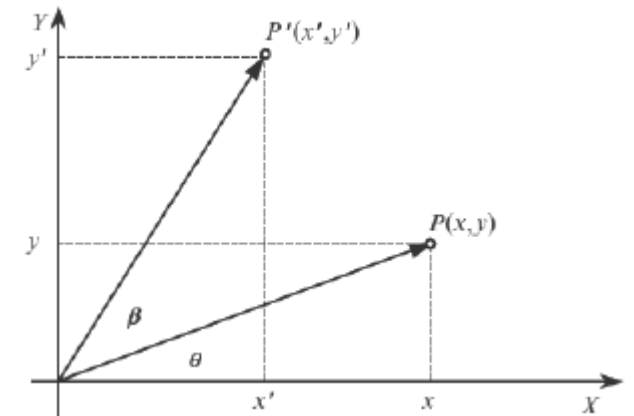
- 이미지 내 한 점  $p(x, y)$ 를 각도  $\beta$ 만큼 (반시계방향) 회전하는 경우

- $R(p, \beta): p(x, y) \rightarrow p'(x', y')$  ← 변환의 수식적 표현

$$x' = \cos(\theta + \beta) = \cos \theta \cos \beta - \sin \theta \sin \beta = x \cos \beta - y \sin \beta$$

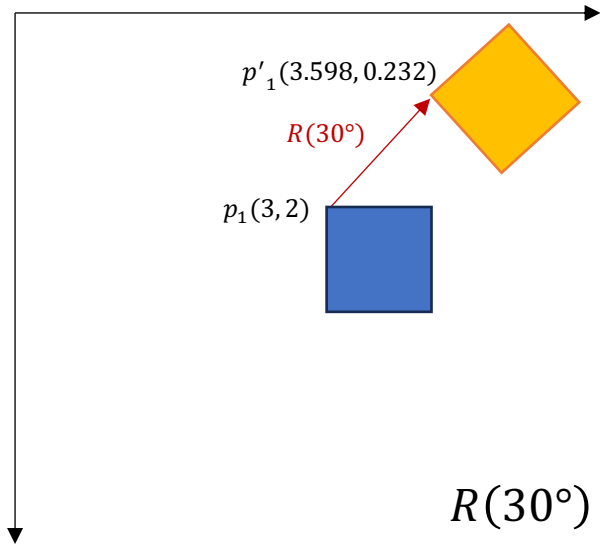
$$y' = \sin(\theta + \beta) = \sin \theta \cos \beta + \cos \theta \sin \beta = y \cos \beta + x \sin \beta$$

- 행렬 표현 
$$\begin{bmatrix} x' \\ y' \\ 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \cos \beta & -\sin \beta & 0 \\ \sin \beta & \cos \beta & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x \\ y \\ 1 \end{bmatrix}$$



# 기하변환 - 회전

- 회전 예시



$$R(30^\circ) = \begin{bmatrix} 0.8660 & 0.5 & 0 \\ -0.5 & 0.8660 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

$$\vec{p}'_1 = R(30^\circ)\vec{p}_1 = \begin{bmatrix} 0.8660 & 0.5 & 0 \\ -0.5 & 0.8660 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \vec{p}_1 = \begin{bmatrix} 0.8660 & 0.5 & 0 \\ -0.5 & 0.8660 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 \\ 3 \\ 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 3.598 \\ 0.232 \\ 1 \end{bmatrix}$$

# 기하변환 - 반사

- 반사 (reflection)
  - 이미지 내 한 점  $p(x, y)$ 를 특정 축에 대해서 반사하는 경우

y축 반사

$$\begin{aligned} x' &= -x \\ y' &= y \end{aligned}$$

$$\begin{bmatrix} x' \\ y' \\ 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x \\ y \\ 1 \end{bmatrix}$$

임의의 y축 반사  
( $x = a$ )

$$\begin{aligned} x' &= -(x - a) + a = -x + 2a \\ y' &= y \end{aligned}$$

$$\begin{bmatrix} x' \\ y' \\ 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -1 & 0 & 2a \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x \\ y \\ 1 \end{bmatrix}$$

x축 반사

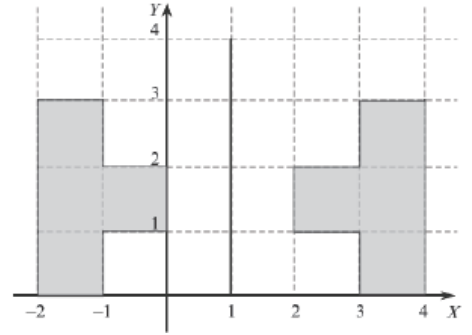
$$\begin{aligned} x' &= x \\ y' &= -y \end{aligned}$$

$$\begin{bmatrix} x' \\ y' \\ 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & -1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x \\ y \\ 1 \end{bmatrix}$$

임의의 x축 반사  
( $y = b$ )

$$\begin{aligned} x' &= x \\ y' &= -(y - b) + b = -y + 2b \end{aligned}$$

$$\begin{bmatrix} x' \\ y' \\ 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & -1 & 2b \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x \\ y \\ 1 \end{bmatrix}$$



# 기하변환 - 반사

- 반사 (reflection)

- 임의의  $y$ 축 ( $x = a$ ) 반사에 대한 해석

- 1) 축을 원점으로 이동

- $x = a$ 를  $x = 0$ 으로 이동

$$T_{-a} = \begin{bmatrix} 1 & 0 & -a \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

→ 모든  $x$ 좌표에서  $a$ 를 뺌

- 2)  $y$ 축에 대해 반사

- $x = 0$ 를 기준으로 반사하는 변환 적용

$$R_y = \begin{bmatrix} -1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

- 3) 다시 원래 대로 이동

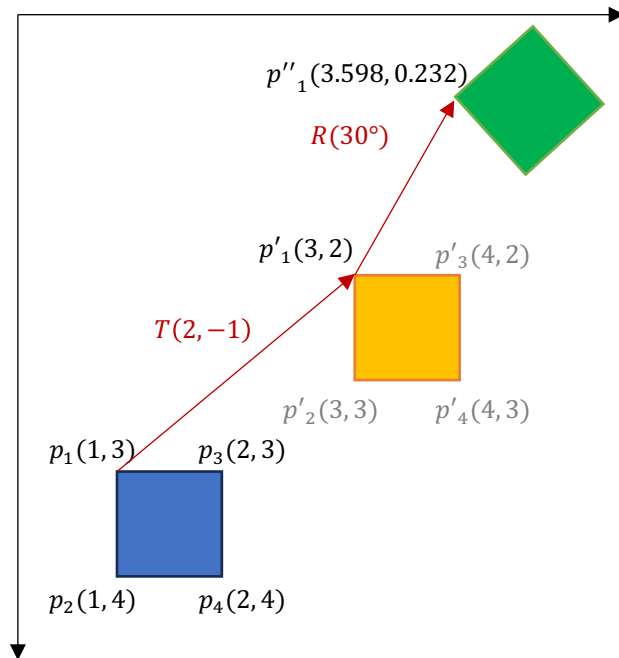
$$T_a = \begin{bmatrix} 1 & 0 & a \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

$$R = T_{-a}R_yT_a = \begin{bmatrix} -1 & 0 & 2a \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

👉 동차행렬을 사용하는 이유

# 동차 행렬을 이용한 기하변환 예시

- 동차 행렬의 사용 → 계산 효율화



$$A = R(30^\circ)T(2, -1)$$

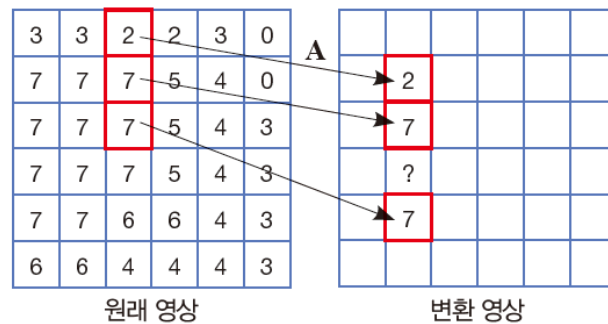
$$= \begin{bmatrix} 0.8660 & 0.5 & 0 \\ -0.5 & 0.8660 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 & 0 & 2 \\ 0 & 1 & -1 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0.866 & 0.5 & 1.232 \\ -0.5 & 0.866 & -1.866 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

$$\bar{p}_1'' = \begin{bmatrix} 0.866 & 0.5 & 1.232 \\ -0.5 & 0.866 & -1.866 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \bar{p}_1$$

$$= \begin{bmatrix} 0.866 & 0.5 & 1.232 \\ -0.5 & 0.866 & -1.866 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 \\ 3 \\ 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 3.598 \\ 0.232 \\ 1 \end{bmatrix}$$

# 기하변환의 문제점

- 화소 좌표에 동차 행렬을 적용하여 기하 변환
  - 전방 변환(forward transformation)
    - 원본 영상의 픽셀 위치를 직접 변환 함수에 적용하여 새로운 위치를 획득하는 방법
  - 값을 받지 못하는 화소가 발생할 수 있음
    - ex)  $p_1(1, 3) \Rightarrow p''_1(3.598, 0.232) \rightarrow$  픽셀 좌표가 실수인 경우 정수형으로 변환
    - 결과 영상에서 픽셀 위치가 연속적이지 않게 되어 홀(holes), 오버랩(overlaps) 발생  $\rightarrow$  **에일리어싱(aliasing)**



(a) 전방 변환

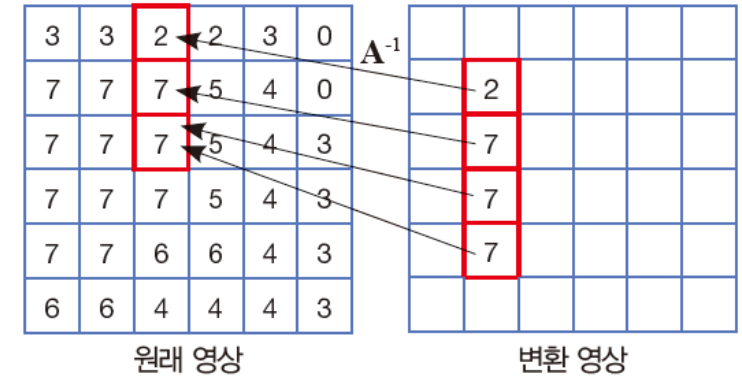
그림 3-21 영상의 기하 변환





# 에일리어싱 문제 해결 방법

- 후방 변환(inverse transformation) 활용
  - 결과 영상의 각 픽셀 위치에서 시작하여 원본 영상에 해당하는 위치를 역변환 함수를 통해 찾는 방법
  - 결과 영상의 모든 픽셀에 대해 원본 영상에서의 값을 결정



(b) 후방 변환

- 후방 변환의 문제점
  - 원본 영상의 특정 위치가 실수 좌표에 해당할 수 있음
    - 정수로 변환하는 과정이 필요 (영상 보간, interpolation)
- (참고) 영상 보간은 후방 변환 과정에만 적용되는 것은 아님 (전방 변환에도 적용될 수 있음)
  - 전방 변환에서의 보간: missing value를 채우는 과정 [2, 7, ?, 7]

# 보간법 (Interpolation)

- 후방 변환 과정에서 실수 좌표에 해당하는 픽셀 값의 추정치를 계산하는 방법
  - 최근접 이웃 방법(k-nearest neighbor)
    - 변환된 픽셀 위치에서 가장 가까운 원본 픽셀의 값을 그대로 사용
  - 양선형 보간법(bilinear interpolation): 네 개의 가장 가까운 픽셀 값의 가중 평균을 계산하여 픽셀 값 추정

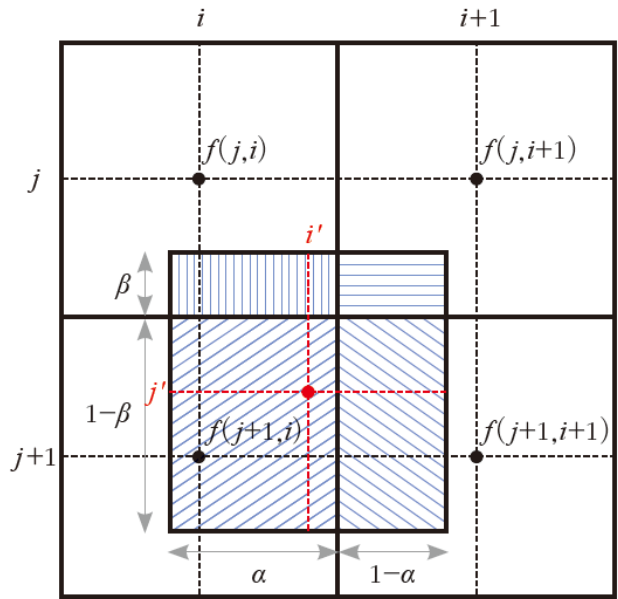


그림 3-22 실수 좌표의 화소값을 보간하는 과정

$$f(j', i') = \alpha\beta f(j, i) + (1-\alpha)\beta f(j, i+1) + \alpha(1-\beta) f(j+1, i) + (1-\alpha)(1-\beta) f(j+1, i+1) \quad (3.11)$$

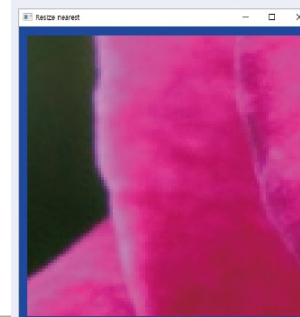
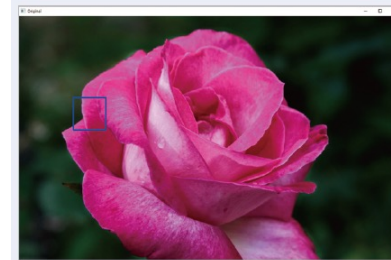
# 프로그래밍 실습: 영상 보간

- 보간을 이용해 영상의 기하 변환

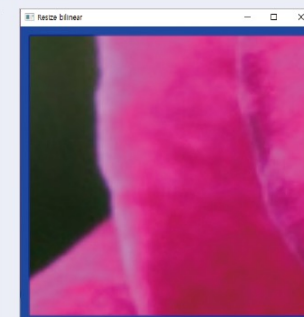
프로그램 3-8

보간을 이용해 영상의 기하 변환하기

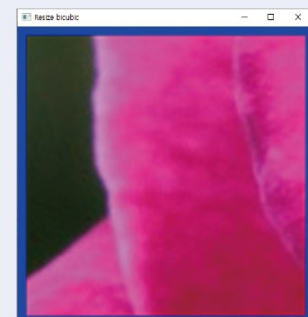
```
01 import cv2 as cv
02
03 img=cv.imread('rose.png')
04 patch=img[250:350,170:270,:]
05
06 img=cv.rectangle(img,(170,250),(270,350),(255,0,0),3)
07 patch1=cv.resize(patch,dsize=(0,0),fx=5,fy=5,interpolation=cv.INTER_NEAREST)
08 patch2=cv.resize(patch,dsize=(0,0),fx=5,fy=5,interpolation=cv.INTER_LINEAR)
09 patch3=cv.resize(patch,dsize=(0,0),fx=5,fy=5,interpolation=cv.INTER_CUBIC)
10
11 cv.imshow('Original',img)
12 cv.imshow('Resize nearest',patch1)
13 cv.imshow('Resize bilinear',patch2)
14 cv.imshow('Resize bicubic',patch3)
15
16 cv.waitKey()
17 cv.destroyAllWindows()
```



최근점 이웃



양선형 보간



양3차 보간

# 다양한 기하 변환의 구현

---

- `cv2.warpPerspective()`: 이미지의 기하학적 변환을 위한 함수
  - 원본 이미지와 동차행렬, 이미지의 크기 등을 파라미터로 가짐

- 이동

```
T = np.float32([[1, 0, 100], [0, 1, 50], [0, 0, 1]])
translated_image = cv2.warpPerspective(image, T, (image.shape[1], image.shape[0]))
```

- 회전 (x, y축으로 각각 1.5배 확대)

```
S = np.float32([[1.5, 0, 0], [0, 1.5, 0], [0, 0, 1]])
scaled_image = cv2.warpPerspective(image, S, (image.shape[1], image.shape[0]))
```

# 다양한 기하 변환의 구현

---

- 반사 (y축 반사)

```
(h, w) = image.shape[:2]
Ry = np.float32([[ -1, 0, w], [0, 1, 0], [0, 0, 1]])
flipped_image = cv2.warpPerspective(image, Ry, (image.shape[1], image.shape[0]))
```

- 회전 (중심에서 45도 회전)

```
angle = np.radians(45) # 각도 -> 라디안
cos = np.cos(angle)
sin = np.sin(angle)
cx, cy = w / 2, h / 2 # 이미지의 중심

R = np.float32([[cos, -sin, cx*(1-cos)+cy*sin],
                [sin,  cos, cy*(1-cos)-cx*sin],
                [0,  0,  1]])

rotated_image = cv2.warpPerspective(image, R, (image.shape[1], image.shape[0]))
```

## 다양한 기하 변환의 구현 – OpenCV 함수 활용

---

- OpenCV에서 다양한 기하 연산(기하학적 변환)을 위한 함수 제공
- 이동: `cv2.warpAffine`, `cv2.translate`
- 회전: `cv2.getRotationMatrix2D`, `cv2.warpAffine`
- 축적: `cv2.resize`
  - 영상 보간 알고리즘을 파라미터로 선택
- 반사: `cv2.flip`
  - 대칭(반사)축을 파라미터로 선택

## 6. OpenCV의 계산 효율

---

# OpenCV의 시간 효율

---

- 컴퓨터 비전의 task는 인식 정확도 뿐만 아니라 시간 효율도 중요
  - 특히 실시간 처리가 요구되는 응용이 대부분임
- OpenCV (함수)는 효율적으로 구현되어 있기 때문에 직접 구현하는 것보다 OpenCV 함수를 사용하는 것이 유리
  - OpenCV이 내부는 C/C++로 구현되어져있고, intel microprocessor에 최적화되어 있음
- 직접 구현하는 경우 Python의 배열 연산을 사용하는 것이 유리



# 프로그래밍 실습: OpenCV의 시간 효율 비교

프로그램 3-9

직접 작성한 함수와 OpenCV가 제공하는 함수의 시간 비교하기

```
01 import cv2 as cv
02 import numpy as np
03 import time
04
05 def my_cvtGray1(bgr_img):
06     g=np.zeros([bgr_img.shape[0],bgr_img.shape[1]])
07     for r in range(bgr_img.shape[0]):
08         for c in range(bgr_img.shape[1]):
09             g[r,c]=0.114*bgr_img[r,c,0]+0.587*bgr_img[r,c,1]+0.299*bgr_img[r,c,2]
10     return np.uint8(g)
11
12 def my_cvtGray2(bgr_img):
13     g=np.zeros([bgr_img.shape[0],bgr_img.shape[1]])
14     g=0.114*bgr_img[:, :,0]+0.587*bgr_img[:, :,1]+0.299*bgr_img[:, :,2]
15     return np.uint8(g)
16
17 img=cv.imread('girl_laughing.png')
18
19 start=time.time()
20 my_cvtGray1(img)
21 print('My time1:',time.time()-start) ①
22
23 start=time.time()
24 my_cvtGray2(img)
25 print('My time2:',time.time()-start) ②
26
27 start=time.time()
28 cv.cvtColor(img,cv.COLOR_BGR2GRAY)
29 print('OpenCV time:',time.time()-start) ③
```

```
My time1: 4.798288106918335 ①
My time2: 0.015836000442504883 ②
OpenCV time: 0.013601541519165039 ③
```

**End of slide**

---